

# Relativité restreinte : cinématique

IPhO 2017

# Syllabus

- Aujourd'hui on va parler de :

## 5 Relativité

Principe de relativité et transformations de Lorentz pour les coordonnées spatiales et temporelles et pour l'énergie et l'impulsion ; équivalence masse-énergie ; invariance d'un intervalle dans l'espace-temps et de la masse au repos. Addition de vitesses parallèles, dilatation du temps, contraction des longueurs ; relativité de simultanéité ; énergie et impulsion de photons et effet Doppler relativiste ; équation relativiste du mouvement ; conservation de l'énergie et de l'impulsion pour des interactions élastiques et non élastiques de particules.

## Transformation de Galilée. Définition.

- Deux référentiels  $\mathcal{R}$  et  $\mathcal{R}'$  confondus à  $t = 0$

## Transformation de Galilée. Définition.

- Deux référentiels  $\mathcal{R}$  et  $\mathcal{R}'$  confondus à  $t = 0$
- $\mathcal{R}'$  en translation rectiligne uniforme, vitesse  $\vec{v}_e = v_e \vec{u}_x$  par rapport à  $\mathcal{R}$

## Transformation de Galilée. Définition.

- Deux référentiels  $\mathcal{R}$  et  $\mathcal{R}'$  confondus à  $t = 0$
- $\mathcal{R}'$  en translation rectiligne uniforme, vitesse  $\vec{v}_e = v_e \vec{u}_x$  par rapport à  $\mathcal{R}$
- Soit un point  $M$  : lien entre les coordonnées  $(x, y, z)$  de ce point dans  $\mathcal{R}$  et  $(x', y', z')$  dans  $\mathcal{R}'$  ?

## Transformation de Galilée. Composition des vitesses.

- En conséquence on a une loi dite de composition des vitesses

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- GALILÉE pour la mécanique  
« Les lois de la mécanique prennent la même forme dans tous les référentiels inertiels (ou galiléens), i.e. en translation rectiligne uniforme les uns par rapport aux autres »

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- GALILÉE pour la mécanique  
« Les lois de la mécanique prennent la même forme dans tous les référentiels inertiels (ou galiléens), i.e. en translation rectiligne uniforme les uns par rapport aux autres »
- C'est pour ça que dans tous les référentiels galiléens le principe fondamental de la dynamique s'écrit

$$m \vec{a} = \sum \vec{F}$$



## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- GALILÉE pour la mécanique  
« Les lois de la mécanique prennent la même forme dans tous les référentiels inertiels (ou galiléens), i.e. en translation rectiligne uniforme les uns par rapport aux autres »
- C'est pour ça que dans tous les référentiels galiléens le principe fondamental de la dynamique s'écrit

$$m \vec{a} = \sum \vec{F}$$

- Généralisation à toutes les lois de la physique (POINCARÉ fin XIX<sup>e</sup> début XX<sup>e</sup>)

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- GALILÉE pour la mécanique  
« Les lois de la mécanique prennent la même forme dans tous les référentiels inertiels (ou galiléens), i.e. en translation rectiligne uniforme les uns par rapport aux autres »
- C'est pour ça que dans tous les référentiels galiléens le principe fondamental de la dynamique s'écrit

$$m \vec{a} = \sum \vec{F}$$

- Généralisation à toutes les lois de la physique (POINCARÉ fin XIX<sup>e</sup> début XX<sup>e</sup>)
- En particulier pour les lois de l'électromagnétisme (MAXWELL fin XIX<sup>e</sup>).

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- Ces lois prédisent que la vitesse de la lumière dans le vide est la même dans tous les référentiels inertiels

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- Ces lois prédisent que la vitesse de la lumière dans le vide est la même dans tous les référentiels inertiels
- Ce qui est incompatible avec la loi de composition des vitesses !  $c = c + v_e$  !

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- Ces lois prédisent que la vitesse de la lumière dans le vide est la même dans tous les référentiels inertiels
- Ce qui est incompatible avec la loi de composition des vitesses !  $c = c + v_e$  !
- Soit GALILÉE et NEWTON ont tort, soit c'est MAXWELL !

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- Ces lois prédisent que la vitesse de la lumière dans le vide est la même dans tous les référentiels inertiels
- Ce qui est incompatible avec la loi de composition des vitesses !  $c = c + v_e$  !
- Soit GALILÉE et NEWTON ont tort, soit c'est MAXWELL !
- Vérification expérimentale (MICHELSON et MORLEY) :  $c$ , vitesse de la lumière dans le vide, est bien indépendante du référentiel.

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- Ces lois prédisent que la vitesse de la lumière dans le vide est la même dans tous les référentiels inertiels
- Ce qui est incompatible avec la loi de composition des vitesses !  $c = c + v_e$  !
- Soit GALILÉE et NEWTON ont tort, soit c'est MAXWELL !
- Vérification expérimentale (MICHELSON et MORLEY) :  $c$ , vitesse de la lumière dans le vide, est bien indépendante du référentiel.
- Point de départ des réflexions d'EINSTEIN : relativité einsteinienne.

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- Ces lois prédisent que la vitesse de la lumière dans le vide est la même dans tous les référentiels inertiels
- Ce qui est incompatible avec la loi de composition des vitesses !  $c = c + v_e$  !
- Soit GALILÉE et NEWTON ont tort, soit c'est MAXWELL !
- Vérification expérimentale (MICHELSON et MORLEY) :  $c$ , vitesse de la lumière dans le vide, est bien indépendante du référentiel.
- Point de départ des réflexions d'EINSTEIN : relativité einsteinienne.
- Il construit une nouvelle physique en postulant que :



## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- Ces lois prédisent que la vitesse de la lumière dans le vide est la même dans tous les référentiels inertiels
- Ce qui est incompatible avec la loi de composition des vitesses !  $c = c + v_e$  !
- Soit GALILÉE et NEWTON ont tort, soit c'est MAXWELL !
- Vérification expérimentale (MICHELSON et MORLEY) :  $c$ , vitesse de la lumière dans le vide, est bien indépendante du référentiel.
- Point de départ des réflexions d'EINSTEIN : relativité einsteinienne.
- Il construit une nouvelle physique en postulant que :
- Toutes les lois de la physique ont la même forme dans tous les référentiels inertiels

## Principes de relativité. Un peu d'histoire

- Ces lois prédisent que la vitesse de la lumière dans le vide est la même dans tous les référentiels inertiels
- Ce qui est incompatible avec la loi de composition des vitesses !  $c = c + v_e$  !
- Soit GALILÉE et NEWTON ont tort, soit c'est MAXWELL !
- Vérification expérimentale (MICHELSON et MORLEY) :  $c$ , vitesse de la lumière dans le vide, est bien indépendante du référentiel.
- Point de départ des réflexions d'EINSTEIN : relativité einsteinienne.
- Il construit une nouvelle physique en postulant que :
- Toutes les lois de la physique ont la même forme dans tous les référentiels inertiels
- La vitesse de la lumière dans le vide est la même ( $c$ ) dans tous les référentiels inertiels

## Une expérience de pensée d'EINSTEIN

- Un observateur  $\mathcal{R}'$  mesure la durée  $\Delta t'$  que la lumière pour faire un aller-retour vers un miroir immobile dans son référentiel et distant de  $d$  dans la direction  $Oy$ .

## Une expérience de pensée d'EINSTEIN

- Un observateur  $\mathcal{R}'$  mesure la durée  $\Delta t'$  que la lumière pour faire un aller-retour vers un miroir immobile dans son référentiel et distant de  $d$  dans la direction  $Oy$ .
- Cet observateur est en translation rectiligne uniforme de vitesse  $\vec{v}_e = v_e \vec{u}_x$  par rapport à un référentiel  $\mathcal{R}$ . Un autre observateur mesure la durée  $\Delta t$  que met la lumière pour faire ce même aller-retour.

## Une expérience de pensée d'EINSTEIN

- Un observateur  $\mathcal{R}'$  mesure la durée  $\Delta t'$  que la lumière pour faire un aller-retour vers un miroir immobile dans son référentiel et distant de  $d$  dans la direction  $Oy$ .
- Cet observateur est en translation rectiligne uniforme de vitesse  $\vec{v}_e = v_e \vec{u}_x$  par rapport à un référentiel  $\mathcal{R}$ . Un autre observateur mesure la durée  $\Delta t$  que met la lumière pour faire ce même aller-retour.
- Calculons ces deux durées :

## Une expérience de pensée d'EINSTEIN

- Un observateur  $\mathcal{R}'$  mesure la durée  $\Delta t'$  que la lumière pour faire un aller-retour vers un miroir immobile dans son référentiel et distant de  $d$  dans la direction  $Oy$ .
- Cet observateur est en translation rectiligne uniforme de vitesse  $\vec{v}_e = v_e \vec{u}_x$  par rapport à un référentiel  $\mathcal{R}$ . Un autre observateur mesure la durée  $\Delta t$  que met la lumière pour faire ce même aller-retour.
- Calculons ces deux durées :

- Conclusion :

# Transformation de Lorentz pour les événements

- Notion d'événement : phénomène objectif « mesurable » ayant lieu en un point donné à un instant donné

# Transformation de Lorentz pour les événements

- Notion d'événement : phénomène objectif « mesurable » ayant lieu en un point donné à un instant donné
- $E(x, y, z, ct)$  dans un référentiel  $\mathcal{R}$ .



# Transformation de Lorentz pour les événements

- Notion d'événement : phénomène objectif « mesurable » ayant lieu en un point donné à un instant donné
- $E(x, y, z, ct)$  dans un référentiel  $\mathcal{R}$ .
- On convertit le temps  $t$  en une longueur par multiplication par  $c$ .

# Transformation de Lorentz pour les événements

- Notion d'événement : phénomène objectif « mesurable » ayant lieu en un point donné à un instant donné
- $E(x, y, z, ct)$  dans un référentiel  $\mathcal{R}$ .
- On convertit le temps  $t$  en une longueur par multiplication par  $c$ .
- A priori  $E(x', y', z', ct')$  dans un autre référentiel  $\mathcal{R}'$ .

# Transformation de Lorentz pour les événements

- Notion d'événement : phénomène objectif « mesurable » ayant lieu en un point donné à un instant donné
- $E(x, y, z, ct)$  dans un référentiel  $\mathcal{R}$ .
- On convertit le temps  $t$  en une longueur par multiplication par  $c$ .
- A priori  $E(x', y', z', ct')$  dans un autre référentiel  $\mathcal{R}'$ .
- La transformation de LORENTZ remplace la transformation de Galilée pour les événements

# Transformation de Lorentz pour les événements

- Notion d'événement : phénomène objectif « mesurable » ayant lieu en un point donné à un instant donné
- $E(x, y, z, ct)$  dans un référentiel  $\mathcal{R}$ .
- On convertit le temps  $t$  en une longueur par multiplication par  $c$ .
- A priori  $E(x', y', z', ct')$  dans un autre référentiel  $\mathcal{R}'$ .
- La transformation de LORENTZ remplace la transformation de Galilée pour les événements
- La transformation spéciale de LORENTZ correspond au cas où à  $t = t' = 0$  les deux référentiels sont confondus

# Transformation de Lorentz pour les événements

- On a alors :

# Transformation de Lorentz pour les événements

- On a alors :
- 

$$x = \gamma (x' + \beta ct')$$

$$y = y'$$

$$z = z'$$

$$ct = \gamma (ct' + \beta x')$$

$$\text{où } \beta = v_e/c \text{ et } \gamma = \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{1}{\sqrt{1-\frac{v_e^2}{c^2}}}$$

# Transformation de Lorentz pour les événements

- Commentaires :

# Transformation de Lorentz pour les événements

- Pour échanger le rôle des deux référentiels il suffit de transformer  $v_e$  en  $-v_e$ .



$$x' = \gamma (x - \beta ct)$$

$$y' = y$$

$$z' = z$$

$$ct' = \gamma (ct - \beta x)$$



## Une première conséquence : simultanéité relative des événements

- Situation : dans un train ( $\mathcal{R}'$ ) un observateur en  $O'$ , milieu d'un wagon de longueur  $2d$ , envoie deux balles de chaque côté à la vitesse  $v_0$  à  $t = 0$ . Le train roule à vitesse constante  $v_e$ . À  $t = t' = 0$ ,  $O'$  est confondu avec  $O$ .
- À quelles dates les deux balles arrivent-elles aux extrémités du wagon dans  $\mathcal{R}'$  et dans  $\mathcal{R}$  ?
- Approche classique.

# Une première conséquence : simultanéité relative des événements

- Approche relativiste

## Une première conséquence : simultanéité relative des événements

- Conclusion :
- Deux événements simultanés dans un référentiel ne le sont pas dans un autre référentiel !
- Si un événement  $E_1$  est à l'origine d'un autre événement  $E_2$  (lien de causalité) alors dans tout référentiel  $E_1$  aura lieu avant  $E_2$ .
- Si ce n'est pas le cas, il existe un référentiel dans lequel les deux événements sont simultanés, un autre dans lequel  $E_1$  a lieu avant  $E_2$  et un autre dans lequel  $E_1$  a lieu après  $E_2$  !

## Une propriété fondamentale

- Soit deux événements  $E_1(x_1, y_1, z_1, ct_1)$  et  $E_2(x_2, y_2, z_2, ct_2)$

## Une propriété fondamentale

- Soit deux événements  $E_1(x_1, y_1, z_1, ct_1)$  et  $E_2(x_2, y_2, z_2, ct_2)$
- On appelle carré de l'intervalle entre ces deux événements la quantité

$$\begin{aligned}\Delta s^2 &= c^2 (t_2 - t_1)^2 - (x_2 - x_1)^2 - (y_2 - y_1)^2 - (z_2 - z_1)^2 \\ &= c^2 \Delta t^2 - \Delta x^2 - \Delta y^2 - \Delta z^2\end{aligned}$$

## Une propriété fondamentale

- Soit deux événements  $E_1(x_1, y_1, z_1, ct_1)$  et  $E_2(x_2, y_2, z_2, ct_2)$
- On appelle carré de l'intervalle entre ces deux événements la quantité

$$\begin{aligned}\Delta s^2 &= c^2 (t_2 - t_1)^2 - (x_2 - x_1)^2 - (y_2 - y_1)^2 - (z_2 - z_1)^2 \\ &= c^2 \Delta t^2 - \Delta x^2 - \Delta y^2 - \Delta z^2\end{aligned}$$

- On montre que cette quantité est invariante par changement de référentiels, i.e.

## Une propriété fondamentale

- Soit deux événements  $E_1(x_1, y_1, z_1, ct_1)$  et  $E_2(x_2, y_2, z_2, ct_2)$
- On appelle carré de l'intervalle entre ces deux événements la quantité

$$\begin{aligned}\Delta s^2 &= c^2 (t_2 - t_1)^2 - (x_2 - x_1)^2 - (y_2 - y_1)^2 - (z_2 - z_1)^2 \\ &= c^2 \Delta t^2 - \Delta x^2 - \Delta y^2 - \Delta z^2\end{aligned}$$

- On montre que cette quantité est invariante par changement de référentiels, i.e.
- pour les coordonnées des mêmes événements dans un autre référentiel  $E_1(x'_1, y'_1, z'_1, ct'_1)$  et  $E_2(x'_2, y'_2, z'_2, ct'_2)$

## Une propriété fondamentale

- Soit deux événements  $E_1(x_1, y_1, z_1, ct_1)$  et  $E_2(x_2, y_2, z_2, ct_2)$
- On appelle carré de l'intervalle entre ces deux événements la quantité

$$\begin{aligned}\Delta s^2 &= c^2 (t_2 - t_1)^2 - (x_2 - x_1)^2 - (y_2 - y_1)^2 - (z_2 - z_1)^2 \\ &= c^2 \Delta t^2 - \Delta x^2 - \Delta y^2 - \Delta z^2\end{aligned}$$

- On montre que cette quantité est invariante par changement de référentiels, i.e.
- pour les coordonnées des mêmes événements dans un autre référentiel  $E_1(x'_1, y'_1, z'_1, ct'_1)$  et  $E_2(x'_2, y'_2, z'_2, ct'_2)$
- 

$$\Delta s'^2 = c^2 (t'_2 - t'_1)^2 - (x'_2 - x'_1)^2 - (y'_2 - y'_1)^2 - (z'_2 - z'_1)^2$$



## Une propriété fondamentale

- Soit deux événements  $E_1(x_1, y_1, z_1, ct_1)$  et  $E_2(x_2, y_2, z_2, ct_2)$
- On appelle carré de l'intervalle entre ces deux événements la quantité

$$\begin{aligned}\Delta s^2 &= c^2 (t_2 - t_1)^2 - (x_2 - x_1)^2 - (y_2 - y_1)^2 - (z_2 - z_1)^2 \\ &= c^2 \Delta t^2 - \Delta x^2 - \Delta y^2 - \Delta z^2\end{aligned}$$

- On montre que cette quantité est invariante par changement de référentiels, i.e.
- pour les coordonnées des mêmes événements dans un autre référentiel  $E_1(x'_1, y'_1, z'_1, ct'_1)$  et  $E_2(x'_2, y'_2, z'_2, ct'_2)$

•

$$\Delta s'^2 = c^2 (t'_2 - t'_1)^2 - (x'_2 - x'_1)^2 - (y'_2 - y'_1)^2 - (z'_2 - z'_1)^2$$

- est telle que  $\Delta s^2 = \Delta s'^2$

## Une deuxième conséquence. Dilatation des durées. Temps propre

- Soit deux événements  $E_1(x'_1, y'_1, z'_1, ct'_1)$  et  $E_2(x'_2, y'_2, z'_2, ct'_2)$  ayant lieu au même endroit dans un référentiel

## Une deuxième conséquence. Dilatation des durées. Temps propre

- Soit deux événements  $E_1(x'_1, y'_1, z'_1, ct'_1)$  et  $E_2(x'_2, y'_2, z'_2, ct'_2)$  ayant lieu au même endroit dans un référentiel
- $x'_1 = x'_2$ ,  $y'_1 = y'_2$  et  $z'_1 = z'_2$ ,

## Une deuxième conséquence. Dilatation des durées. Temps propre

- Soit deux événements  $E_1(x'_1, y'_1, z'_1, ct'_1)$  et  $E_2(x'_2, y'_2, z'_2, ct'_2)$  ayant lieu au même endroit dans un référentiel
- $x'_1 = x'_2$ ,  $y'_1 = y'_2$  et  $z'_1 = z'_2$ ,
- Alors  $\Delta t = t'_2 - t'_1 = \tau$  est un **temps propre**

## Une deuxième conséquence. Dilatation des durées. Temps propre

- Soit deux événements  $E_1(x'_1, y'_1, z'_1, ct'_1)$  et  $E_2(x'_2, y'_2, z'_2, ct'_2)$  ayant lieu au même endroit dans un référentiel
- $x'_1 = x'_2, y'_1 = y'_2$  et  $z'_1 = z'_2,$
- Alors  $\Delta t = t'_2 - t'_1 = \tau$  est un **temps propre**
- Dans un autre référentiel on a d'après l'invariance du carré de l'intervalle  $c^2 (t'_2 - t'_1)^2 = c^2 (t_2 - t_1)^2 - \Delta x^2 - \Delta y^2 - \Delta z^2$  ce qui montre que

## Une deuxième conséquence. Dilatation des durées. Temps propre

- Soit deux événements  $E_1(x'_1, y'_1, z'_1, ct'_1)$  et  $E_2(x'_2, y'_2, z'_2, ct'_2)$  ayant lieu au même endroit dans un référentiel
- $x'_1 = x'_2, y'_1 = y'_2$  et  $z'_1 = z'_2,$
- Alors  $\Delta t = t'_2 - t'_1 = \tau$  est un **temps propre**
- Dans un autre référentiel on a d'après l'invariance du carré de l'intervalle  $c^2 (t'_2 - t'_1)^2 = c^2 (t_2 - t_1)^2 - \Delta x^2 - \Delta y^2 - \Delta z^2$  ce qui montre que
- $\Delta t > \Delta t' = \tau$  : dilatation des durées.

## Une deuxième conséquence. Dilatation des durées. Temps propre

- On peut quantifier la relation entre  $\Delta t$  et  $\tau$ .

## Une deuxième conséquence. Dilatation des durées. Temps propre

- On peut quantifier la relation entre  $\Delta t$  et  $\tau$ .

- À connaître « en français ».



## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Les durées étant modifiées, il est probable que les longueurs le soient aussi lors d'un changement de référentiel.

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Les durées étant modifiées, il est probable que les longueurs le soient aussi lors d'un changement de référentiel.
- Mais qu'est ce que la longueur d'un objet ?

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Les durées étant modifiées, il est probable que les longueurs le soient aussi lors d'un changement de référentiel.
- Mais qu'est ce que la longueur d'un objet ?
- Pour un objet immobile dans un référentiel donné, c'est facile. On note les coordonnées constantes au cours du temps des extrémités de l'objet et on calcule

$$\Delta l^2 = \Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2$$

C'est une **longueur propre**.

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Les durées étant modifiées, il est probable que les longueurs le soient aussi lors d'un changement de référentiel.
- Mais qu'est ce que la longueur d'un objet ?
- Pour un objet immobile dans un référentiel donné, c'est facile. On note les coordonnées constantes au cours du temps des extrémités de l'objet et on calcule

$$\Delta l^2 = \Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2$$

C'est une **longueur propre**.

- Et si l'objet est mobile ?

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Les durées étant modifiées, il est probable que les longueurs le soient aussi lors d'un changement de référentiel.
- Mais qu'est ce que la longueur d'un objet ?
- Pour un objet immobile dans un référentiel donné, c'est facile. On note les coordonnées constantes au cours du temps des extrémités de l'objet et on calcule

$$\Delta l^2 = \Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2$$

C'est une **longueur propre**.

- Et si l'objet est mobile ?
- On définit la longueur à partir des coordonnées mesurées **au même moment**.

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Les durées étant modifiées, il est probable que les longueurs le soient aussi lors d'un changement de référentiel.
- Mais qu'est ce que la longueur d'un objet ?
- Pour un objet immobile dans un référentiel donné, c'est facile. On note les coordonnées constantes au cours du temps des extrémités de l'objet et on calcule

$$\Delta l^2 = \Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2$$

C'est une **longueur propre**.

- Et si l'objet est mobile ?
- On définit la longueur à partir des coordonnées mesurées **au même moment**.
- On note  $\mathcal{R}'$  le référentiel lié à l'objet en mouvement, de vitesse  $v_e$  dans  $\mathcal{R}$

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Par conservation du carré de l'intervalle on a donc  $0^2 - \Delta l^2 = c^2 \Delta t'^2 - \Delta l'^2$  où  $\Delta l'$  est la longueur de l'objet dans son référentiel (puisque par définition il y est immobile), d'où

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Par conservation du carré de l'intervalle on a donc  $0^2 - \Delta l^2 = c^2 \Delta t'^2 - \Delta l'^2$  où  $\Delta l'$  est la longueur de l'objet dans son référentiel (puisque par définition il y est immobile), d'où
- $\Delta l^2 = \Delta l'^2 - c^2 \Delta t'^2 \leq \Delta l'^2$



## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Par conservation du carré de l'intervalle on a donc  $0^2 - \Delta l^2 = c^2 \Delta t'^2 - \Delta l'^2$  où  $\Delta l'$  est la longueur de l'objet dans son référentiel (puisque par définition il y est immobile), d'où
- $\Delta l^2 = \Delta l'^2 - c^2 \Delta t'^2 \leq \Delta l'^2$
- La longueur d'un objet mesurée dans un référentiel où il est en mouvement est toujours inférieure ou égale à sa longueur propre.

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Deux cas particuliers

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Deux cas particuliers
- Objet perpendiculaire à la direction du mouvement.

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Deux cas particuliers
- Objet perpendiculaire à la direction du mouvement.
  
- Objet selon la direction du mouvement.

## Une troisième conséquence. contraction des longueurs

- Deux cas particuliers
- Objet perpendiculaire à la direction du mouvement.
  
- Objet selon la direction du mouvement.
  
  
- Conclusion : contraction des longueurs uniquement dans la direction du mouvement.

## Une quatrième conséquence : effet Doppler longitudinal relativiste

- L'effet Doppler existe déjà en mécanique classique.  
L'expression du décalage en fréquence est modifiée dans le cas relativiste.

## Pour finir : loi de composition des vitesses en relativité

- Il faut résoudre le problème initial :  $c = c + v_e$  !

## Pour finir : loi de composition des vitesses en relativité

- Il faut résoudre le problème initial :  $c = c + v_e$  !
- On a les relations suivantes :

$$v_x = \frac{v'_x + v_e}{1 + \frac{v'_x v_e}{c^2}}$$

$$v_y = \frac{v'_y}{\gamma \left(1 + \frac{v'_x v_e}{c^2}\right)}$$

$$v_z = \frac{v'_z}{\gamma \left(1 + \frac{v'_x v_e}{c^2}\right)}$$



## Pour finir : loi de composition des vitesses en relativité

- Pas si difficile à montrer.

## Pour finir : loi de composition des vitesses en relativité

- Pas si difficile à montrer.
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
- Application à la lumière :