SERIES STATISTIQUES







1.	Bases du menu Statistique	2
1.	Accès au menu	2
2.	Saisie des données	2
3.	Modification d'une valeur	3
4.	Insertion d'une valeur	4
5.	Suppression d'une valeur ou d'une liste spécifique	5
6.	Suppression du contenu des listes	
7.	Nom d'une liste	
2.	Série Statistique à une variable	8
1.	Vocabulaire et définitions	8
2.	Application	8
2.1	Fréquence de la série	
2.2	Effectifs cumulés croissants	10
2.3	Moyenne, médiane, mode, étendue, écart-type et variance	11
2.4	Représentation graphique	
3.	Série Statistique à deux variables	
1.	Notion d'ajustement	16
2.	Méthode des moindres carrés	
3.	Application	17
3.1	Coefficient de corrélation et droite de régression	



1. Bases du menu Statistique

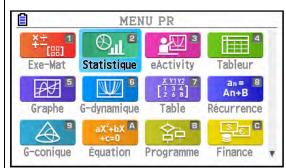
1.1. Accès au menu

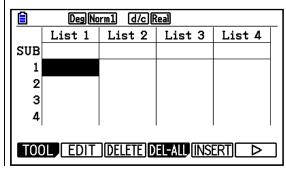
À partir de la liste des menus, sélectionner à l'aide du pavé directionnel, le menu Statistique. Valider en saisissant la touche [XE].



Appuyer sur la touche 2 pour accéder directement au menu Statistique (graph 90+E), STAT (Graph 25+E et Graph 35+E II).

L'éditeur de listes s'affiche. Vous pouvez ainsi saisir des données statistiques et effectuer des calculs statistiques.





1.2. Saisie des données

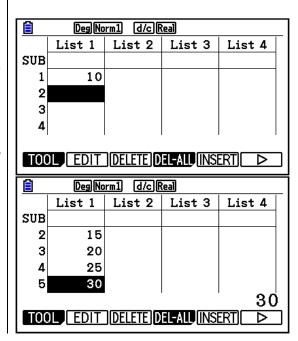
Application : saisir les données 10, 15, 20, 25, 30 dans la colonne "List 1".

À partir du menu Statistique, afficher l'éditeur de listes (se référer au paragraphe 1.1).

Pour saisir les données, deux méthodes sont possibles :

- méthode 1 : saisir les valeurs une à une. Appuyer sur les flèches () pour sélectionner la colonne "List 1". Puis, saisir au clavier les différentes valeurs.

Après chaque saisie, appuyer sur la touche EXE.





- méthode 2 : saisir simultanément les valeurs.

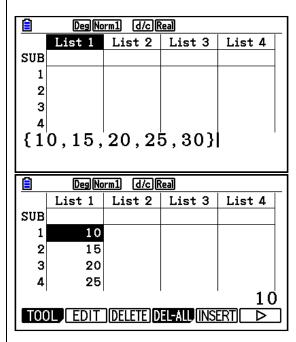
Sélectionner la colonne "List 1" en utilisant le pavé directionnel.

Saisir, comme suit, les données :

{10,15,20,25,30}

Les séquences de touches SHIFT X et SHIFT ÷ donnent accès aux symboles { et }.

Valider avec la touche EXE.

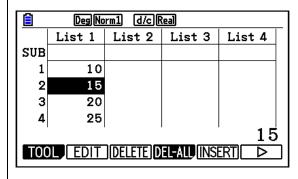


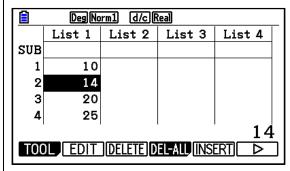
1.3. Modification d'une valeur

Application : remplacer la seconde donnée "15" de la colonne "List 1" par une nouvelle donnée, par exemple "14".

Appuyer sur les flèches pour sélectionner la seconde donnée de la colonne "List 1".

Saisir la nouvelle valeur "14". Valider avec la touche [EXE].







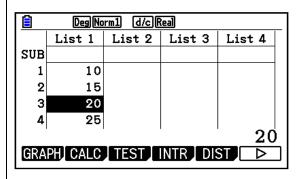
1.4. Insertion d'une valeur

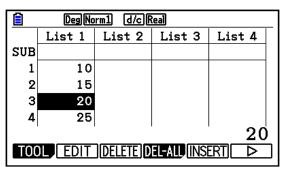
Application : insérer une nouvelle donnée, par exemple "16", en position 3 dans "List 1".

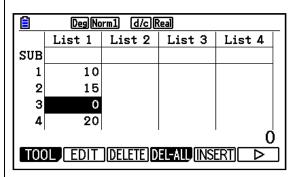
A l'aide du pavé directionnel, se placer en position 3 dans "List 1".

Saisir les touches F6 { \bigsimes } et F5 {INSERT}.

Rentrer ensuite la valeur souhaitée en appuyant sur 1 6.





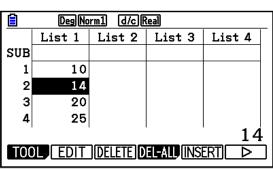


Ê	Deg Norm1 d/c Real									
	List 1	List 2	List 3	List 4						
SUB										
1	10									
2	15									
3	16									
4	20									
· '	16									
TOC	TOOL EDIT DELETE DEL-ALL INSERT D									

1.5. Suppression d'une valeur ou d'une liste spécifique

Application 1 : effacer la donnée "14" présente dans "List 1".

A l'aide du pavé directionnel, se positionner sur la bonne valeur.



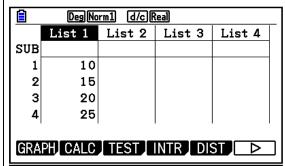
Ê										
	List 1	List 2	List 3	List 4						
SUB										
1	10									
2	20									
3	25									
4	30									
 	'	'		20						
TOC	L EDIT	DELETE D	EL-ALL INS	ERT 🕨						

Presser ensuite les touches **F6** { P } et **F3** {DELETE} ({DEL} avec les graph 25+E et 35+E II).

Application 2 : effacer la "List 1".

Utiliser le pavé directionnel pour sélectionner la colonne "List 1".

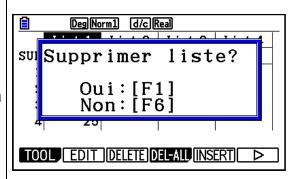
Presser ensuite les touches F6 { >> } et F4 {DEL-ALL} ({DEL-A} avec les Graph 25+E et Graph 35+E II).



▤	Deg No	rm1 d/cF	teal		
	List 1	List 2	List 3	List 4	
SUB					
1	10				
2	15				
3	20				
4	25				
'	'			•	'
T00	L EDIT	DELETE D	EL-ALL (INS	ERTI 🕨	



Appuyer sur la touche **F1** pour confirmer la suppression des données contenues dans la liste.



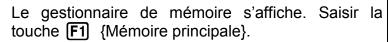
1.6. Suppression du contenu des listes

À partir de la liste de menus, sélectionner, à l'aide du pavé directionnel, le menu Mémoire.

Valider avec la touche [XE]

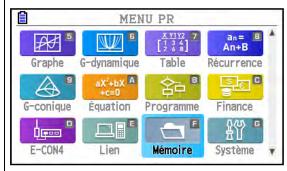


Appuyer sur les touches ALPHA tan (graph 90+E), ALPHA cos (Graph 35+E II) ou 8 (graph 25+E) afin d'accéder directement au menu Mémoire (graph 90+E), MEMORY (graph 25+E et Graph 35+E II).

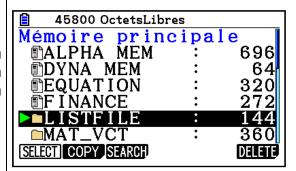


Sélectionner ensuite le dossier LISTFILE en appuyant sur **F1** {SELECT} ({SEL} avec les graph 25+E et 35+E II). Lors que le dossier est bien sélectionné, un triangle vert apparait :





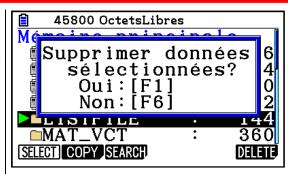






Pour effacer l'intégralité des données statistiques, presser la touche **F6** {DELETE} ({DEL} avec les graph 25+E et 35+E II).

Appuyer sur la touche **F1** pour confirmer la suppression des données contenues dans les listes.



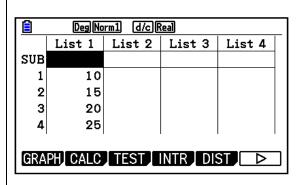
1.7. Nom d'une liste

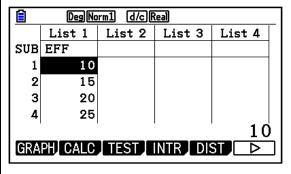
Application: nommer la colonne "List 1": EFF.

Se positionner sur la ligne [SUB] de la colonne "List 1" à l'aide du pavé directionnel.

Appuyer sur les touches SHFT APPA pour verrouiller l'écriture alphabétique et accéder au mode [ALPHA LOCK]. Puis, saisir les lettres associées aux touches.

Saisir la touche [SHFT] pour quitter ce mode Valider en pressant la touche [EXE].







2. Série Statistique à une variable

Vocabulaire et définitions 2.1.

Une population est un ensemble d'individus sur lesquels on étudie un caractère ou une variable, qui prend différentes valeurs ou modalités.

Nous nous intéresserons uniquement aux variables quantitatives. Les modalités sont mesurables et prennent des valeurs numériques.

Une variable quantitative peut être :

- ✓ discrète, quand elle prend des valeurs entières,
- ✓ continue quand elle prend n'importe quelle valeur sur un intervalle donné,
- ✓ l'effectif total N : le nombre d'individus qui composent la population,
- \checkmark l'effectif d'une valeur notée n_i associée à une valeur x_i est le nombre d'individus associés à cette valeur.
- fréquence f_i: le rapport entre l'effectif de cette valeur et l'effectif total. Ainsi $f_i = \frac{n_i}{\scriptscriptstyle N},$
- √ l'effectif (fréquence) cumulé croissant d'une valeur x_i est égal à la somme des effectifs (ou fréquences) des valeurs inférieures ou égales à x_i.

Paramètres de position :

- ✓ le mode : la ou les valeurs de la variable ayant le plus grand effectif,
- ✓ la médiane : la valeur qui partage la population en deux sous ensembles de même effectif.
- \checkmark moyenne : $\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^{n} n_i x_i}{N} = \sum_{i=1}^{n} f_i x_i$

Paramètres de dispersions :

- ✓ l'étendue : la différence entre la plus grande valeur et la plus petite valeur de la
- ✓ variance : $V(x) = \frac{\sum_{i=1}^{n} n_i (x_i \bar{X})^2}{N}$ ✓ écart type : $\sigma(x) = \sqrt{V(x)}$



N est noté n sur les calculatrices Graph 25+E, Graph 35+E II et Graph 90+E.

2.2. Application

Le comité d'entreprise d'une société propose des sorties au théâtre. Le responsable a fait le relevé suivant pour l'année 2010.

Nombre de sorties	1	2	3	4	5	6	7
Nombre de personnes	12	17	35	29	13	9	5



- 1) Calculer les fréquences de cette série.
- 2) Calculer les effectifs cumulés croissants de cette série.
- 3) a) Calculer le mode de cette série.
 - b) Calculer la médiane de cette série.
 - c) Calculer la moyenne de cette série.
- 4) a) Calculer l'étendue de cette série.
 - b) Calculer la variance et l'écart type de cette série.

Saisir une à une les différentes valeurs présentées dans le tableau :

- √ dans "List 1": les valeurs prises par le caractère étudié (le nombre de sorties),
- √ dans "List 2": les effectifs associés (le nombre de personnes).

Nous avons aussi renommé les listes 1 (SORTIES), 2 (EFF = effectifs), 3 (F = fréquences) et 4 (ECC = effectifs cumulés croissants).

Ê	Deg Norm1 (d/c Real									
	List 1	List 2	List 3	List 4						
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC						
1	1	12	0	0						
2	2	17								
3	3	35								
4	4	29								
·	1									
GRAPH CALC TEST INTR DIST										

2.2.1. Fréquence de la série

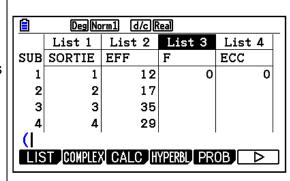
Application : calculer les fréquences de la série.

Se positionner à l'aide du pavé directionnel au niveau de la colonne "List 3".

Deg Norm1 d/c Real List 2 List 3 List 4 List 1 SUB SORTIE EFF ECC 1 12 0 1 2 2 17 3 3 35 4 29 GRAPH CALC TEST INTR DIST

Saisir la formule permettant de calculer les fréquences :

(List 2/Sum List 2) x 100





Pour accéder à List, appuyer sur les touches PTN, puis F1 {LIST}. Presser ensuite la touche F1 {List}.

▤	Deg No	Deg Norm1 d/c Real								
	List 1	List 2	List 3	List 4						
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC						
1	1	12	0	0						
2	2	17								
3	3	35								
4	4	29								
(L	ist 2	÷	'	'						
		Cum1	% AL	ist 🔼						
		.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,								

Ê	Deg Norm1 d/c Real									
	List 1	List 2	List 3	List 4						
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC						
1	1	12	0	0						
2	2	17								
3	3	35								
4	4	29								
2÷	Sum L	ist :	2)×10	Ol '						
			Fill(Se							

	Deg Norm1 d/c Real									
	List 1	List 2	List 3	List 4						
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC						
1	1	12	10	0						
2	2	17	14.166							
3	3	35	29.166							
4	4	29	24.166							
'	10									
LIS	LIST COMPLEX CALC HYPERBL PROB >									

En ce qui concerne Sum : saisir les touches (PTN), et (F1) {LIST}. Appuyer deux fois sur (F6) {(F1)} et (F1) {Sum}.

Nb. sorties	1	2	3	4	5	6	7
Effectifs	12	17	35	29	13	9	5
Fréquences en %	10	14.17	29.17	24.17	10.83	7.5	4.16

Pour revenir aux onglets de base, il suffit d'appuyer sur $\boxed{\text{EXIT}}$.

2.2.2. Effectifs cumulés croissants

Application : déterminer les effectifs cumulés croissants de la série.

Se positionner au niveau de la colonne "List 4".

		Deg No	rm1 d/cR	teal						
		List 1	List 2	List 3	List 4					
SU	В	SORTIE	EFF	F	ECC					
	1	1	12	10	0					
	2	2	17	14.166						
	3	3	35	29.166						
	4	4	29	24.166						
GR	GRAPH CALC TEST INTR DIST									



Saisir ensuite la formule permettant de calculer les fréquences :

Cumul List 2

Pour accéder à Cumul, presser la touche PTN puis F1 {LIST}. Presser deux fois F6 { PTN puis {Cuml}.

Nb. sorties	1	2	3	4	5	6	7
Effectifs	12	17	35	29	13	9	5
ECC	12	29	64	93	106	115	120

Ê	Deg Norm1 d/c Real								
	List 1	List 2	List 3	List 4					
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC					
1	1	12	10	0					
2	2	17	14.166						
3	3	35	29.166						
4	4	29	24.166						
Cuml List 2									
List Lst→Mat Dim Fill(Seq □ ▷									

Deg Norm1 d/c Real									
	List 1	List 2	List 3	List 4					
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC					
1	1	12	10	12					
2	2	17	14.166	29					
3	3	35	29.166	64					
4	4	29	24.166	93					
· '	'	'		12					
Su	m Prod	Cuml	% ΔL	ist ▷					

2.2.3. <u>Moyenne, médiane, mode, étendue, écart-type et variance</u>

Application : calculer les grandeurs suivantes : moyenne, médiane, mode, étendue, écart-type et variance.

Appuyer sur la touche F2 {CALC}.

Presser ensuite la touche **F6** {SET} afin d'accéder aux réglages.

List 1	List 2						
	mist Z	List 3	List 4				
SORTIE	EFF	F	ECC				
1	12	10	12				
2	17	14.166	29				
3	35	29.166	64				
4	29	24.166	93				
' ' ' 1							
GRAPH CALC TEST INTR DIST							
	1 2 3 4	1 12 2 17 3 35 4 29	1 12 10 2 17 14.166 3 35 29.166 4 29 24.166				

	Deg No	rm1 d/cR	teal					
	List 1	List 2	List 3	List 4				
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC				
1	1	12	10	12				
2	2	17	14.166	29				
3	3	35	29.166	64				
4	4	29	24.166	93				
1								
1-V/	1-VAR 2-VAR REG SET							



Compte tenu de notre exercice, les réglages doivent être les suivants :

1Var XList : List 1 (données présentes dans "List 1")
1Var Freq : List 2 (données présentes dans "List 2")

Se positionner à l'aide des flèches sur la seconde ligne afin de paramétrer les bons réglages. Appuyer sur la touche **F2** {LIST} puis **2**, afin de sélectionner "List 2". Valider par la touche **EXE**.

Saisir ensuite F1 {1VAR} pour accéder aux différentes grandeurs.





▤	Deg No	rm1 d/cR	teal					
	List 1	List 2	List 3	List 4				
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC				
1	1	12	10	12				
2	2	17	14.166	29				
3	3	35	29.166	64				
4	4	29	24.166	93				
1								
1-V/	[1-VAR] [2-VAR] REG SET							



Appuyer plusieurs fois sur la touche
pour faire défiler les diverses informations présentes à l'écran.

La moyenne de cette série est d'environ 3.5.

La médiane de cette série est de 3.

Le mode de la série est de 3.

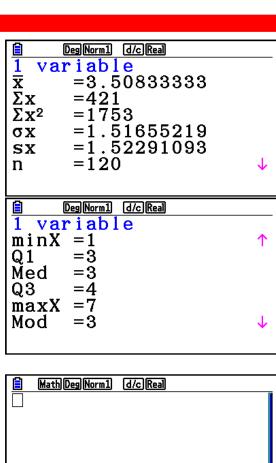
L'étendue de la série est de 6.

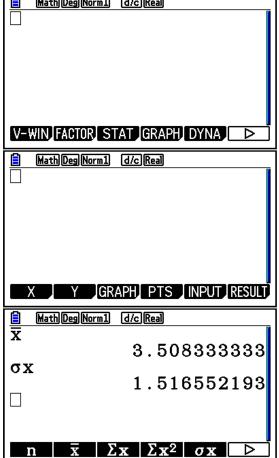
L'écart type de la série est d'environ 1,516.

La variance de la série est d'environ 2,3.

Dans le menu Exe-Mat (graph 90+E) ou RUN-MATH (Graph 25+E et Graph 35+E II), il est possible de récupérer les différentes grandeurs obtenues précédemment (moyenne, médiane...). Pour cela, appuyer sur les touches WARS, F3 {STAT} et F1 {X}.

Saisir ensuite, par exemple, **F2** $\{\bar{x}\}$ ou **F5** $\{\sigma x\}$ pour obtenir la moyenne ou l'écart-type de la série.







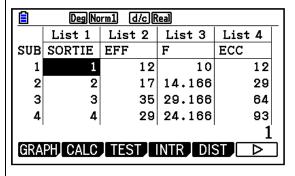
2.2.4. Représentation graphique

Application : représenter graphiquement les effectifs ("List 2") en fonction du nombre de sorties ("List 1").

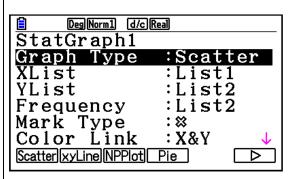
Presser la touche F1 {GRAPH} ({GRPH} avec les graph 25+E et Graph 35+E II).

Appuyer sur **F6** {SET} afin d'accéder aux paramètres du graphique.

Appuyer sur **F1** {GRAPH1} ({GPH1} avec les Graph 25+E et Graph 35+E II).



₫	Deg Norm1 d/c Real								
	List 1	List 2	List 3	List 4					
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC					
1	1	12	10	12					
2	2	17	14.166	29					
3	3	35	29.166	64					
4	4	29	24.166	93					
1									
GRAF	GRAPH1 GRAPH2 GRAPH3 SELECT SET								



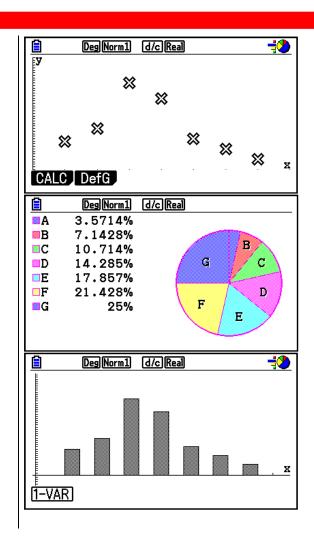
Ê	Deg Norm1 d/c Real									
	List 1	List 2	List 3	List 4						
SUB	SORTIE	EFF	F	ECC						
1	1	12	10	12						
2	2	17	14.166	29						
3	3	35	29.166	64						
4	4 4 29 24.166 93									
' ' ' 1										
GRAPH1]GRAPH2]GRAPH3]SELECT SET										



Nuage de points

Diagramme circulaire

Histogramme



3. Série Statistique à deux variables

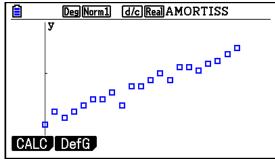
3.1. Notion d'ajustement

Quand il semble exister dans certains cas, un lien entre deux caractères x et y d'une même population, par exemple entre le poids et la taille d'un nouveau né, on les étudie simultanément en vue de faire des prévisions.

A chaque individu i correspond alors le couple $(x_i; y_i)$ dans lequel x_i est une donnée de la variable x et y_i est une donnée de la variable y.

L'ensemble des n couples $(x_{i:}y_{i})$ s'appelle une série statistique à deux variables d'effectif total n.

Cette série statistique à deux variables peut être présentée sous forme de tableau ou graphiquement dans le plan muni d'un repère par le nuage des points M_i de coordonnées $(x_i : y_i)$.



On appelle point moyen d'un nuage de n points $M_i(x_i : y_i)$ le point G de coordonnées $(\bar{x}; \bar{y})$ avec :

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i \qquad \bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i$$

Faire un ajustement affine consiste à déterminer une droite qui passe à travers le nuage le plus près possible de chaque point.

3.2. Méthode des moindres carrés

La méthode des moindres carrés donne deux droites d'ajustement, appelées droites de régression :

✓ la droite de régression D de y en x a pour équation y = ax + b avec :

$$a = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$$

$$b = \bar{y} - a\bar{x}$$



✓ la droite de régression D' de x en y a pour équation y = a'x + b' avec :

$$a' = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (y_i - \bar{y})^2}$$

$$b' = \bar{x} - a'\bar{y}$$

Cette méthode vise à ce que la somme des carrés de tous les écarts entre la valeur observée et la valeur estimée soit minimale.

On appelle coefficient de corrélation affine des variables x et y d'une série statistique à deux variables le nombre noté r tel que :

$$r = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\sum (y_i - \bar{y})^2}} = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x \sigma_y}$$

Interprétation de r :

- |r| = 1: totale dépendance linéaire entre les 2 variables,
- |r| = 0: aucune dépendance linéaire entre les 2 variables,
- 0.75 < |r| < 1: bonne corrélation.

3.3. Application

Les tailles et les poids de 10 personnes sont donnés par le tableau suivant :

Taille: x _i (cm)	174	182	170	176	171	178	173	178	186	162
Poids: y _i (kg)	71	76	65	71	68	76	62	74	84	60

Les résultats seront arrondis à 2 décimales.

- 1) Calculer la valeur du coefficient de corrélation affine entre x et y.
- 2) Déterminer une équation de la droite D, droite de régression de y en x.
- 3) Déterminer une équation de la droite D', droite de régression de x en y.

Nous avons préalablement saisi :

- √ dans "List 1": les différentes valeurs correspondantes aux tailles des 10 personnes,
- √ dans "List 2": les différentes valeurs correspondantes aux poids des 10 personnes.

Nous avons aussi renommé "List 1" (TAILLE) et "List 2" (POIDS).

▤	Deg Norm1 d/c Real									
	List 1	List 2	List 3	List 4						
SUB	TAILLE	POIDS								
1	174	71								
2	182	76								
3	170	65								
4	176	71								
174										
GRAPH CALC TEST INTR DIST										

3.3.1. Coefficient de corrélation et droite de régression

Application : déterminer le coefficient de corrélation.

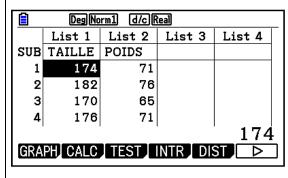
Appuyer sur la touche F2 {CALC}.

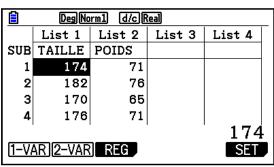
Puis, saisir la touche **F6** {SET} afin d'accéder aux réglages.

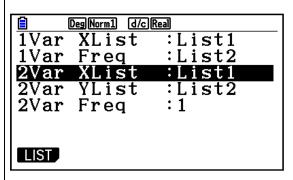
Compte tenu de notre exercice, les réglages doivent être les suivants :

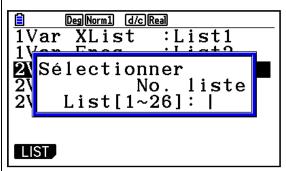
2Var XList : List 1 (données présentes dans "List 1") 2Var Freq : List 2 (données présentes dans "List 2")

Si un réglage n'est pas bon, se positionner à l'aide du pavé directionnel sur la ligne correspondante. Appuyer ensuite sur la touche F1 {LIST} puis sur 1 ("List 1") ou 2 ("List 2"). Valider par la touche EXE.



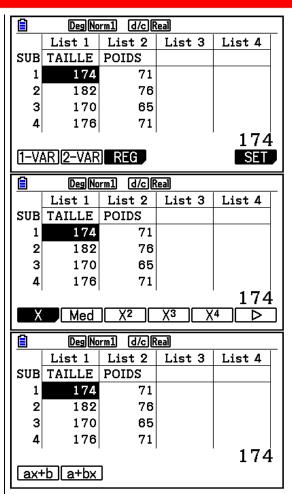








Presser ensuite les touches F3 {REG}, F1 {X} et F1 {ax+b}.



La valeur du coefficient de corrélation affine entre *x* et *y* est d'environ 0,92.La corrélation affine est forte.

Si l'on arrondie a et b à deux décimales, une équation de la droite de régression D est :

$$y = x - 104,73$$

D'autres régressions peuvent être utilisées, par exemple, une régression linéaire avec la méthode médiane - médiane.

