Lycée Victor Hugo - Besançon

Programme de Colle numero 29 (Semaine du 17 juin 2024) Série - Déterminant

PCSI 2 - MATHÉMATIQUES 2023-2024

> Analyse - Chapitre 14 : Séries numeriques Algèbre - Chapitre 14 : Déterminants

AUTO-TEST

Vous devez pouvoir répondre le plus précisément possible aux questions ci dessous.

► AL14 : déterminant

- Qu'est ce que le déterminant d'une famille de vecteur?
- Donner les formules et les moyens mémo-technique pour le calcul en dim 2 ou 3.
- Qu'est ce que le déterminant d'un endomorphisme? Pourquoi ne dépend-il pas de la base?
- Qu'est ce que le déterminant d'une matrice?
- Qu'est ce que le développement selon une ligne ou une colonne?

► AN13 : Séries numeriques

- Qu'est ce qu'une série?
- Qu'appelle-t-on somme partielle? Qu'est-ce qu'une série convergente?
- Pourquoi l'étude des séries à termes positives est-elle facilitée ? Quels critères de convergence pour ces séries?
- Présentez la comparaison série/intégrale.
- Convergence et sommes éventuelles des séries usuelles $\sum q^n$, $\sum \frac{z^n}{n!}$, $\sum \frac{1}{n^{\alpha}}$
- Qu'est-ce que la convergence absolue?

Cette liste de questions n'est pas exhaustive, mais savoir y répondre précisément et rapidement est un bon indice de connaissance de votre cours.



COMPÉTENCES OU SAVOIRS-FAIRE

- 1. Utiliser le théorème du rang pour déterminer plus rapidement image et noyau.
- 2. Donner la matrice d'une application linéaire et l'exploiter pour déterminer ses caractéristiques.
- 3. Déterminer la nature d'une série.
- 4. Calculer des sommes de série à partir des séries usuelles.



DEMONSTRATIONS EXIGIBLES

Les démonstrations ci dessous peuvent être demandées :

- \blacktriangleright Montrez qu'une famille de vecteurs \mathcal{F} est une base si et seulement si $det_{\mathcal{B}}(\mathcal{F}) \neq 0$.
- ▶ Montrez que $det(\lambda f) = \lambda^n \det(f)$. Montrez que $det(f \circ g) = det(f)det(g)$
- ▶ Enoncez et démontrez le critère d'équivalence pour la convergence des SATP.
- \blacktriangleright Montrez que si $\sum u_n$ converge absolument, alors $\sum u_n$ converge.