Thermochimie 2

Application du second principe à la réaction chimique : évolution et équilibre chimique

I Notion de potentiel thermodynamique

I.1 Cas de la mécanique

Pour un système donné évoluant librement sous certaines contraintes, on appelle potentiel V une fonction dépendant des paramètres décrivant le système qui ne peut que diminuer au cours de l'évolution **spontanée** du système et qui est minimale à la fin de l'évolution, i.e. à l'équilibre.

L'évolution se traduit donc par dV < 0, et l'équilibre par dV = 0.

En mécanique l'énergie potentielle d'un système est un potentiel mécanique. En effet un système évolue de manière à minimiser son énergie potentielle.

I.2 Cas d'une réaction isotherme, isobare : l'enthalpie libre

On définit l'enthalpie libre G d'un système par

$$G = H - TS = U + PV - TS$$

Par construction G est homogène à une énergie. C'est une fonction d'état extensive.

Lors d'une évolution isobare $(P=P_0)$, isotherme $(T=T_0)$ d'un système soumis uniquement aux forces de pression il vient $\Delta G=\Delta U+P_0\Delta V-T_0\Delta S$. Par le premier principe on a $\Delta U=W_{fp}+Q$. Mais pour une transformation isobare $W_{fp}=-P_0\Delta V$, soit $\Delta G=W_{fp}+Q+P_0\Delta V-T\Delta S=Q-T_0\Delta S$

Appliquons maintenant le second principe sous la forme d'un bilan $\Delta S = S^e + S^c$, S^e représentant l'entropie échangée avec le milieu extérieur et S^c l'entropie créée lors de l'évolution. La transformation étant isotherme on a $S^e = \frac{Q}{T_0}$. Par ailleurs le second principe impose $S^c \geq 0$. On a donc $T_0\Delta S = Q + T_0S^c$. En reportant dans l'expression de ΔG , il vient

$$\Delta G = Q - T_0 \Delta S = T_0 \Delta S - T_0 S^c - T_0 \Delta S = -T_0 S^c < 0$$

On voit donc que l'enthalpie libre d'un système évoluant de manière isobare isotherme ne peut que diminuer. L'enthalpie libre G joue donc le rôle de **potentiel thermodynmique** pour ce type de transformations.

II Notion de potentiel chimique

II.1 Expression différentielle de G. Définition du potentiel chimique

Préliminaire On admet que l'énergie interne U d'un corps pur vérifie la première identité thermodynamique :

$$dU = -PdV + TdS$$

L'enthalpie libre G est alors une fonction par exemple de T et P. On a alors dG = dU + PdV + VdP - TdS - SdT = -PdV + TdS + PdV + VdP - TdS - SdT, soit

$$dG = VdP - SdT$$

Par ailleurs on a d $G=\left(\frac{\partial G}{\partial P}\right)_T\mathrm{d}P+\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_P\mathrm{d}T$. Par identification on a donc les relations fondamentales qui traduisent la dépendance de G avec la pression ou la tempérarure :

$$\left(\frac{\partial G}{\partial P}\right)_T = V \text{ et } \left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_P = -S$$

Les systèmes en évolution chimique que nous étudions sont de compositions variables. On prend en compte explicitement cette dépendance en écrivant $G(T,P,n_1,\cdots,n_N)$, n_i étant la quantité de matière du i^e constituant physico chimique. Dès lors si la composition du système évolue (les n_i varient) G varie également. Si n_i varie de $\mathrm{d} n_i$, G varie de $\mathrm{d} G = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i}\right)_{T,P,n_{j,j\neq i}} \mathrm{d} n_i$.

Par définition on appelle **potentiel chimique du ième constituant physico chimique du système** la quantité

$$\mu_i(T, P, n_1, \cdots, n_N) = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i}\right)_{T, P, n_{j, j \neq i}}$$

Dès lors il vient

$$dG = VdP - SdT + \sum_{i=1}^{N} \mu_i dn_i$$

II.2 Expression de G à l'aide des potentiels chimiques

On démontre en utilisant un théorème d'Euler sur les fonctions homogènes que G peut s'exprimer uniquement en fonction des potentiels chimiques des constituants physico-chimiques du système :

$$G = \sum_{i=1}^{N} n_i \mu_i$$

II.3 Expression du potentiel chimique. Activité.

On admet que le potentiel de n'importe quel consituant physico-chimie s'écrit sous la forme :

$$\mu_i(T, P) = \mu_i^0(T) + RT \ln a_i,$$

 a_i étant l'activité du i $^{\rm e}$ constituant physico chimique du système.

Les expressions de l'activité à connaître sont :

• Gaz parfait pur :

$$a = \frac{P}{P^0},$$

P étant la pression du gaz.

 $\bullet\,$ ie gaz dans un mélange idéal de gaz parfaits (hypothèse que nous ferons toujours) :

$$a_i = \frac{P_i}{P^0},$$

 P_i étant la pression partielle du i $^{\rm e}$ gaz.

Mais la loi de Dalton donne $P_i = x_i P$, où $x_i = \frac{n_i}{\sum n_i}$ est la fraction molaire du i^e gaz et P la pression **totale** du mélange. On a donc aussi

$$a_i = x_i \frac{P}{P^0}$$

• i^e soluté d'une solution :

$$a_i = \frac{c_i}{c^0}$$

• Solvant d'une solution (approximation) :

$$a_{\text{solvant}} = 1$$

• Phases condensées (solide ou liquide) pures :

a = 1

III Enthalpie libre de réaction

III.1 Définition

Soit un système réel, évoluant selon la réaction modèle $\sum_{i \in \text{constituants}} \nu_i A_i = 0$. Comme les quantités de matières peuvent s'écrire $n_i = n_{i,0} + \nu_i \xi$, on peut clairement exprimer G en fonction de T, P et ξ :

$$G(T, P, \xi)$$

En utilisant la même démarche que pour l'enthalpie, on peut définir l'enthalpie libre de réaction par

$$\Delta_r G(T, P, \xi) = \left(\frac{\partial G}{\partial \xi}\right)_{T, P}.$$

Intreprétation graphique : pour un système évoluant chimiquement à P et T constantes, on peut représenter l'enthalpie libre du système en fonction de ξ . On voit alors facilement que $\Delta_r G(T,P,\xi)$ est la pente à la courbe représentative en un point d'abscisse ξ .

Schéma:

III.2 Enthalpie libre standard de réaction

De même on définit l'enthalpie libre standard de réaction à la température T comme l'enthalpie libre de réaction de la réaction étudiée dans laquelle tous les constituants physico-chimiques sont pris isolément, chacun dans son état standard à la température T (et donc à la pression standard P^0).

On la note

$$\Delta_r G^0(T)$$
,

et comme $\Delta_r H^0(T)$ elle ne dépend que de la température.

On peut écrire comme pour $\Delta_r H^0(T)$, que $\Delta_r G^0(T) = \sum_i \nu_i G^0_{m,i}(T)$ (enthalpie libre standard molaire du ie constituant à la température T), relation qu'on pourrait espérer utiliser pour calculer $\Delta_r G^0(T)$. Malheureusement les grandeurs $G^0_{m,i}(T)$ ne sont pas définies dans l'absolu... Cette relation est donc inutilisable, et on utilisera des moyens détournés pour calculer cette grandeur.

 $Lyc\acute{e}e\ Victor\ Hugo$ $MP^*\ 2025-2026$

III.3 Calcul d'une enthalpie libre standard de réaction

On peut appliquer les deux techniques vues pour le calcul d'une enthalpie standard de réaction plus une autre que nous verrons juste après :

- combinaison linéaire : si la réaction étudiée peut s'écrire comme une combinaison linéaire d'autres réactions, $\Delta_r G^0(T)$ est égale à la même combinaison linéaire des $\Delta_r G^0(T)$ des autres réactions.
- loi de Hess à partir des enthalpies libre standard de formation :

$$\Delta_r G^0(T) = \sum_i \nu_i \Delta_f G_i^0(T)$$

• à partir de la relation $\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T \Delta_r S^0(T)$ ($\Delta_r S^0(T)$ va être défini un peu plus loin)

IV Entropie de réaction

IV.1 Définitions et calcul

De même l'entropie du système évoluant selon une réaction chimique peut-être écrite comme une fonction des variables T, P et ξ . On définit alors l'entropie de réaction par

$$\Delta_r S(T, P, \xi) = \left(\frac{\partial S}{\partial \xi}\right)_{T, P}.$$

De même on définit l'entropie standard de réaction à la température T comme l'entropie de réaction de la réaction étudiée dans laquelle tous les constituants physico-chimiques sont pris isolément, chacun dans son état standard à la température T (et donc à la pression standard P^0).

On la note

$$\Delta_r S^0(T)$$
,

et comme $\Delta_r H^0(T)$ et $\Delta_r G^0(T)$, elle ne dépend **que de la température**.

On peut écrire comme pour $\Delta_r H^0(T)$, que

$$\Delta_r S^0(T) = \sum_i \nu_i S^0_{m,i}(T),$$

(entropie standard molaire du ie constituant à la température T), relation qu'on **peut** utiliser pour calculer $\Delta_r S^0(T)$, car grâce au troisième principe de la thermodynamique (principe de Nernst), les $S_{m,i}^0(T)$ sont définies de manière absolue : on parle même **d'entropie standard molaire absolue**. C'est le plus souvent cette technique qu'on utilisera pour calculer une entropie standard de réaction.

À côté de ce mode de calcul on trouverait bien sûr les deux techniques habituelles de

- combinaison linéaire (moins fréquent).
- loi de Hess à partir des entropies standard de formation (rare) :

$$\Delta_r S^0(T) = \sum_i \nu_i \Delta_f S_i^0(T)$$

Note; maintenant qu'on sait calculer $\Delta_r H^0(T)$ et $\Delta_r S^0(T)$ on peut calculer $\Delta_r G^0(T)$ à l'aide de la relation suivante qui découle directement de la définition de G:

$$\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T \Delta_r S^0(T).$$

IV.2 Prévision du signe d'une entropie standard de réaction

On sait que l'entropie d'un système mesure le manque d'information qu'on a sur le système, ou encore son « désordre » . Dès lors il existe une hiérarchie qualitative entre les différentes phases : quand on passe du solide, au liquide puis au gaz, le « désordre » augmente, avec une augmentation brutale lors du passage du liquide au gaz :

$$S_{m,\text{solide}}^0 < S_{m,\text{liquide}}^0 \ll S_{m,\text{gaz}}^0$$

On constate par ailleurs expérimentalement que pour les molécules pas trop complexes à l'état gazeux on a

$$S_{m,\mathrm{gaz}}^0 \simeq 100$$
à 200 $\mathrm{J}{\cdot}\mathrm{K}^{-1}{\cdot}\mathrm{mol}^{-1}$

(à savoir)

Dès lors dès qu'il y a une variation du nombre $\Delta n_{\rm gaz} = \sum_{i \in gaz} \nu_i$ de moles de constituants gazeux entre les réactifs et les produits dans l'équation modèle, on peut négliger les entropies des phases condensées et écrire

$$\Delta_r S^0 = \Delta n_{\text{gaz}} \times 100 \text{ à } 200 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Pourquoi avoir fait tout ça? C'est parce qu'on va pouvoir relier la variation d'enthalpie libre du système réel aux grandeurs de réaction et à l'avancement, et tirer profit du fait que G est un potentiel thermodynamique pour les réactions isobares isothermes, et donc prédire comment le système va évoluer ainsi que la condition d'équilibre du système en évolution chimique!

V Évolution d'un système chimique

V.1 À l'aide de l'enthalpie libre de réaction

Pour un système évoluant chimiquement de manière isobare isotherme on sait que l'évolution du système se traduit par : dG < 0. Lorsque l'équilibre est atteint alors dG = 0.

Or $dG = \Delta_r G d\xi$. Dès lors, lors de l'évolution du système $d\xi$ et $\Delta_r G$ sont de signes opposés. En conclusion :

- Si $\Delta_r G < 0$, alors $d\xi > 0$, et le système évolue dans le sens direct (sens 1);
- Si $\Delta_r G > 0$, alors $d\xi < 0$, et le système évolue dans le sens indirect (sens 2);
- Si $\Delta_r G = 0$, alors le système est en équilibre chimique.

Remarque: dans l'ancien programme on définissait l'affinité chimique du système par

$$\mathcal{A} = -\Delta_r G.$$

Les conclusions sont alors inversées : si A > 0, alors le système évolue dans le sens direct (sens 1), si A < 0 le système évolue dans le sens indirect (sens 2), et si A = 0 le système est en équilibre.

V.2 À l'aide du quotient réactionnel

On a vu que pour une évolution isobare isotherme on a $dG = \sum_i \mu_i dn_i = (\sum_i \nu_i \mu_i) d\xi$, dès lors

$$\Delta_r G(T) = \sum_i \nu_i \mu_i = \sum_i \nu_i \left(\mu_i^0 + RT \ln a_i \right)$$

Si on considère la réaction standard (tous les constituants pris isolément dans leur état standard), alors pour chacun d'eux $a_i = 1$, et la relation précédente donne

$$\Delta_r G^0(T) = \sum_i \nu_i \mu_i^0$$

Enfin on peut factoriser la somme de ln en posant

$$Q = \prod_{i} a_i^{\nu_i},$$

qu'on appelle quotient réactionnel.

Dès lors

$$\Delta_r G(T) = \Delta_r G^0(T) + RT \ln Q$$

Donc

- Si $\Delta_r G^0(T) + RT \ln Q < 0$, alors le système évolue dans le sens direct (sens 1);
- Si $\Delta_r G^0(T) + RT \ln Q > 0$, alors le système évolue dans le sens indirect (sens 2);
- Si $\Delta_r G^0(T) + RT \ln Q = 0$, alors le système est en équilibre chimique.

V.3 À l'aide du quotient réactionnel et de la constante d'équilibre

Par définition la constante d'équilibre est la valeur particulière du quotient réactionnel à l'équilibre. On a donc

$$\Delta_r G^0(T) + RT \ln K^0 = 0$$

ou encore

$$K^0 = \exp\left(-\frac{\Delta_r G^0(T)}{RT}\right)$$

On a donc $\Delta_r G = \Delta_r G^0 + RT \ln Q = -RT \ln K^0(T) + RT \ln Q = RT \ln \frac{Q}{K^0}$. On a donc

- Si $Q < K^0(T)$ alors le système évolue dans le sens direct (sens 1);
- Si $Q > K^0(T)$ alors le système évolue dans le sens indirect (sens 2);
- Si $Q = K^0(T)$, alors le système est en équilibre chimique.

V.4 Variation de la constante d'équilibre avec la température. Relation de Van't Hoff

Approximation d'Ellingham : conformément au programme on se placera, sauf mention contraire, dans le cadre de l'approximation d'Ellingham. Elle consiste à supposer que l'enthalpie standard et l'entropie standard de réaction ne dépendent pas de la température.

Dès lors l'enthalpie libre standard de réaction est une fonction affine de la température

$$\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0 - T \Delta_r S^0.$$

Dans ce cadre on a $\ln K^0(T)=-\frac{\Delta_r G^0(T)}{RT}=\frac{\Delta_r S^0}{R}-\frac{\Delta_r H^0}{RT}.$ On a donc

$$\frac{\mathrm{d}\ln K^0(T)}{\mathrm{d}T} = \frac{\Delta_r H^0}{RT^2}.$$

Ceci constitue la relation de Van't Hoff et permet de calculer la constante d'équilibre à température T_2 , la connaissant à la température T_1 et $\Delta_r H^0$.

Application directe : si la réaction est **endothermique**, $\Delta_r H^0 > 0$, donc $\ln K^0$ et donc K^0 aussi, est une **fonction croissante de la température**.

VI Création d'entropie lors de la réaction chimique

Pour une évolution isobare isotherme on a vu d'une part que $dG = \Delta_r G \times d\xi$ et d'autre part que $dG = -T_0 \delta S^c$.

Dès lors on trouve la jolie relation suivante qui traduit la création d'entropie élémentaire lors d'un avancement élémentaire d ξ .

$$\delta S^c = -\frac{\Delta_r G}{T_0} \mathrm{d}\xi$$

On note au passage que la condition d'évolution ($\Delta_r G d\xi < 0$) fait que, conformément au second principe de la thermodynamique, on a bien $\delta S^c > 0$!