## Autour du traitement numérique du signal

MP\*/MPI\* 2024-2025 LVH

## Plan : I - Filtrage numérique

- Attendus du programme
- Passage de la fonction de transfert à une relation de récurrence

Attendus du programme Passage de la fonction de transfert à une relation de récurrence

 Mettre en œuvre un convertisseur analogique/numérique, aussi appelé CAN;

- Mettre en œuvre un convertisseur analogique/numérique, aussi appelé CAN;
- on utilisera pour cela la carte d'acquisition SYSAM-SP5 (connue également sous le petit nom de Marguerite...);

- Mettre en œuvre un convertisseur analogique/numérique, aussi appelé CAN;
- on utilisera pour cela la carte d'acquisition SYSAM-SP5 (connue également sous le petit nom de Marguerite...);
- et un traitement numérique afin de réaliser un filtre passe-bas;

- Mettre en œuvre un convertisseur analogique/numérique, aussi appelé CAN;
- on utilisera pour cela la carte d'acquisition SYSAM-SP5 (connue également sous le petit nom de Marguerite...);
- et un traitement numérique afin de réaliser un filtre passe-bas;
- on va le programmer en python;

- Mettre en œuvre un convertisseur analogique/numérique, aussi appelé CAN;
- on utilisera pour cela la carte d'acquisition SYSAM-SP5 (connue également sous le petit nom de Marguerite...);
- et un traitement numérique afin de réaliser un filtre passe-bas;
- on va le programmer en python;
- utiliser un convertisseur numérique/analogique CNA pour restituer un signal analogique.

- Mettre en œuvre un convertisseur analogique/numérique, aussi appelé CAN;
- on utilisera pour cela la carte d'acquisition SYSAM-SP5 (connue également sous le petit nom de Marguerite...);
- et un traitement numérique afin de réaliser un filtre passe-bas;
- on va le programmer en python;
- utiliser un convertisseur numérique/analogique CNA pour restituer un signal analogique.
- on utilise également la carte d'acquisition SYSAM-SP5

## Plan : I - Filtrage numérique

- Attendus du programme
- Passage de la fonction de transfert à une relation de récurrence

• Fonction de transfert passe-bas premier ordre, gain maximal  $G_0=1$ , pulsation de coupure  $\omega_c=2\pi f_c$  :

$$\underline{H}(j\omega) = \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega_c}}.$$

$$\underline{H}(j\omega) = \frac{1}{1+j\frac{\omega}{\omega_c}}.$$

Domaine temporel :

•

$$\underline{H}(j\omega) = \frac{1}{1+j\frac{\omega}{\omega_c}}.$$

Domaine temporel :

•

$$\frac{1}{\omega_c}\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} + s(t) = e(t),$$

$$\underline{H}(j\omega) = \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega_c}}.$$

Domaine temporel :

•

•

$$\frac{1}{\omega_c}\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} + s(t) = e(t),$$

• en notant e(t) le signal d'entrée et s(t) le signal de sortie.

$$\underline{H}(j\omega) = \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega_c}}.$$

Domaine temporel :

0

•

$$\frac{1}{\omega_c}\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} + s(t) = e(t),$$

- en notant e(t) le signal d'entrée et s(t) le signal de sortie.
- Étape importante : discrétisation de l'équation différentielle.

• Seuls instants disponibles : les  $t_k = kT_e$ 

- Seuls instants disponibles : les  $t_k = kT_e$
- e(t) remplacé par  $e_k = e(kT_e)$

- Seuls instants disponibles : les  $t_k = kT_e$
- e(t) remplacé par  $e_k = e(kT_e)$
- s(t) par  $s_k = s(kT_e)$

- Seuls instants disponibles : les  $t_k = kT_e$
- e(t) remplacé par  $e_k = e(kT_e)$
- s(t) par  $s_k = s(kT_e)$

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} = \frac{s(t+\mathrm{d}t) - s(t)}{\mathrm{d}t} = ?$$

- Seuls instants disponibles : les  $t_k = kT_e$
- e(t) remplacé par  $e_k = e(kT_e)$
- s(t) par  $s_k = s(kT_e)$

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} = \frac{s(t+\mathrm{d}t) - s(t)}{\mathrm{d}t} = ?$$

ullet dt remplacé par  $T_e$  (c'est la plus petite durée que l'on manipule)

- Seuls instants disponibles : les  $t_k = kT_e$
- e(t) remplacé par  $e_k = e(kT_e)$
- s(t) par  $s_k = s(kT_e)$

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} = \frac{s(t+\mathrm{d}t) - s(t)}{\mathrm{d}t} = ?$$

- dt remplacé par T<sub>e</sub> (c'est la plus petite durée que l'on manipule)
- d'où ds . . . s(t)

$$\frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t}(t_k) \simeq \frac{s(t_k+T_e)-s(t_k)}{T_e} = \frac{s_{k+1}-s_k}{T_e}.$$

• Pour finir : l'équation différentielle discrétisée est

- Pour finir : l'équation différentielle discrétisée est
- •

$$\frac{s_{k+1}-s_k}{\omega_c T_e}+s_k=e_k$$

- Pour finir : l'équation différentielle discrétisée est
- •

$$\frac{s_{k+1}-s_k}{\omega_c T_e}+s_k=e_k$$

Soit

$$s_{k+1} = s_k + \omega_c T_e (e_k - s_k).$$

- Pour finir : l'équation différentielle discrétisée est
- •

$$\frac{s_{k+1}-s_k}{\omega_c T_e}+s_k=e_k$$

Soit

$$s_{k+1} = s_k + \omega_c T_e \left( e_k - s_k \right).$$

• Relation de récurrence permettant, puisque l'on connaît les  $e_k$ , de calculer de proche en proche tous les  $s_k$ , en prenant une condition initiale, par exemple :  $s_0 = 0$ .

- Pour finir : l'équation différentielle discrétisée est
- •

$$\frac{s_{k+1}-s_k}{\omega_c T_e}+s_k=e_k$$

Soit

$$s_{k+1} = s_k + \omega_c T_e \left( e_k - s_k \right).$$

- Relation de récurrence permettant, puisque l'on connaît les  $e_k$ , de calculer de proche en proche tous les  $s_k$ , en prenant une condition initiale, par exemple :  $s_0 = 0$ .
- Programmation élémentaire...

#### Remarques préliminaires...

Description du Inchier i inclageramenque.py Ce que vous devez faire. Echauffement... Ce que vous devez faire. Course de fond... Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

## Plan: II - Manipulation

- Remarques préliminaires...
- Description du fichier FiltrageNumerique.py
- Ce que vous devez faire. Echauffement...
- Ce que vous devez faire. Course de fond...
- Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

### Remarques préliminaires...

Description du nichier i incagendinierique.py Ce que vous devez faire. Echauffement... Ce que vous devez faire. Course de fond... Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps.

 Idée : on va commander l'acquisition et la génération d'un signal par la carte SYSAM-SP5 directement par un programme python

## Remarques préliminaires...

Description du fichier Flitragenumerique.py Ce que vous devez faire. Echauffement... Ce que vous devez faire. Course de fond...

Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps.

- Idée : on va commander l'acquisition et la génération d'un signal par la carte SYSAM-SP5 directement par un programme python
- Cependant pour ce faire il faut utiliser des versions compatibles du module pycanum et de python, à savoir pour nous python 3.8.10

## Remarques préliminaires...

Description du fichier FiltrageNumerique.py
Ce que vous devez faire. Echauffement...
Ce que vous devez faire. Course de fond

Ce que vous devez faire. Course de fond...

- Idée : on va commander l'acquisition et la génération d'un signal par la carte SYSAM-SP5 directement par un programme python
- Cependant pour ce faire il faut utiliser des versions compatibles du module pycanum et de python, à savoir pour nous python 3.8.10
- Pour lancer pyzo avec le bon python, aller sur le disque L :

#### Remarques préliminaires... Description du fichier FiltrageNumeri

Description du fichier FiltrageNumerique.py Ce que vous devez faire. Echauffement... Ce que vous devez faire. Course de fond

Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps.

- Idée : on va commander l'acquisition et la génération d'un signal par la carte SYSAM-SP5 directement par un programme python
- Cependant pour ce faire il faut utiliser des versions compatibles du module pycanum et de python, à savoir pour nous python 3.8.10
- Pour lancer pyzo avec le bon python, aller sur le disque L :
- Naviguer jusqu'au répertoire
  - L:\Maths\_SG\TPTraitementSignal\PyzoPortable

# Remarques préliminaires... Description du fichier FiltrageNumerique.py Ce que vous devez faire. Echauffement... Ce que vous devez faire. Course de fond...

- Idée : on va commander l'acquisition et la génération d'un signal par la carte SYSAM-SP5 directement par un programme python
- Cependant pour ce faire il faut utiliser des versions compatibles du module pycanum et de python, à savoir pour nous python 3.8.10
- Pour lancer pyzo avec le bon python, aller sur le disque L :
- Naviguer jusqu'au répertoire
   L:\Maths SG\TPTraitementSignal\Pvz
  - L:\Maths\_SG\TPTraitementSignal\PyzoPortable
- Double-cliquez sur l'icône pyzo. Il est probable qu'il vous sera demandé de configurer le shell... Cliquez sur le lien correspondant et dans la fenêtre exe taper (ou copier-coller à partir du contenu du fichier texte sur le site) :

L:\Maths\_SG\TraitementSignalMP\App\python.exe



## Plan: II - Manipulation

- Remarques préliminaires...
- Description du fichier FiltrageNumerique.py
- Ce que vous devez faire. Echauffement...
- Ce que vous devez faire. Course de fond...
- Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

Remarques préliminaires...

Description du fichier FiltrageNumerique.py
Ce que vous devez faire. Echauffement...
Ce que vous devez faire. Course de fond...
Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

• Fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.

Remarques préliminaires...

Description du fichier FiltrageNumerique.py

Ce que vous devez faire. Echauffement...

Ce que vous devez faire. Course de fond...

Ce que vous devez faire. Décrasage s'il reste du temps

- Fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- Il se compose de plusieurs cellules :

- Fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- Il se compose de plusieurs cellules :
- La première concerne tous les imports nécessaires. Il faudra bien sûr l'exécuter avant tous les autres

- Fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- Il se compose de plusieurs cellules :
- La première concerne tous les imports nécessaires. Il faudra bien sûr l'exécuter avant tous les autres
- La deuxième est une cellule à exécuter pour faire l'acquisition d'un signal sur l'entrée EA0.

- Fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- Il se compose de plusieurs cellules :
- La première concerne tous les imports nécessaires. Il faudra bien sûr l'exécuter avant tous les autres
- La deuxième est une cellule à exécuter pour faire l'acquisition d'un signal sur l'entrée EAO.
- La troisième contient une fonction passebas à compléter selon la docstring

- Fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- Il se compose de plusieurs cellules :
- La première concerne tous les imports nécessaires. Il faudra bien sûr l'exécuter avant tous les autres
- La deuxième est une cellule à exécuter pour faire l'acquisition d'un signal sur l'entrée EAO.
- La troisième contient une fonction passebas à compléter selon la docstring
- La quatrième est la cellule à exécuter pour générer un signal sur la sortie SA1.

## Plan: II - Manipulation

- Remarques préliminaires...
- Description du fichier FiltrageNumerique.py
- Ce que vous devez faire. Echauffement...
- Ce que vous devez faire. Course de fond...
- Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

Filtrage numérique Manipulation Remarques préliminaires...
Description du fichier FiltrageNumerique.py
Ce que vous devez faire. Echauffement...
Ce que vous devez faire. Course de fond...
Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

• Récupérer le fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.

- Récupérer le fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- L'ouvrir avec Pyzo en shell python 3.8.10

- Récupérer le fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- L'ouvrir avec Pyzo en shell python 3.8.10
- Écrire la fonction passebas conformément aux spécifications de la docstring

Ce que vous devez faire. Echauffement...
Ce que vous devez faire. Course de fond...
Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

- Récupérer le fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- L'ouvrir avec Pyzo en shell python 3.8.10
- Écrire la fonction passebas conformément aux spécifications de la docstring
- Faire l'acquisition d'un signal sinusoïdal, d'amplitude de quelques volts, de fréquence 100 Hz (Réfléchir aux paramètres d'acquisition...)

- Récupérer le fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- L'ouvrir avec Pyzo en shell python 3.8.10
- Écrire la fonction passebas conformément aux spécifications de la docstring
- Faire l'acquisition d'un signal sinusoïdal, d'amplitude de quelques volts, de fréquence 100 Hz (Réfléchir aux paramètres d'acquisition...)
- Fabriquer les différents signaux correspondant au filtrage de ce signal par un passe-bas du premier ordre de fréquence de coupure 10 Hz, 100 Hz, 1000 Hz.

- Récupérer le fichier FiltrageNumerique.py sur le site du lycée.
- L'ouvrir avec Pyzo en shell python 3.8.10
- Écrire la fonction passebas conformément aux spécifications de la docstring
- Faire l'acquisition d'un signal sinusoïdal, d'amplitude de quelques volts, de fréquence 100 Hz (Réfléchir aux paramètres d'acquisition...)
- Fabriquer les différents signaux correspondant au filtrage de ce signal par un passe-bas du premier ordre de fréquence de coupure 10 Hz, 100 Hz, 1000 Hz.
- Générer successivement sur la sortie SA1 les signaux correspondants aux résultats des filtrages et observer les à l'oscilloscope



 Représenter sur un même graphe le signal original ainsi qu'un seul signal filtré (à faire successivement avec chaque signal filtré)

- Représenter sur un même graphe le signal original ainsi qu'un seul signal filtré (à faire successivement avec chaque signal filtré)
- Commenter abondamment les courbes. Représenter éventuellement uniquement le "début" des signaux...

- Représenter sur un même graphe le signal original ainsi qu'un seul signal filtré (à faire successivement avec chaque signal filtré)
- Commenter abondamment les courbes. Représenter éventuellement uniquement le "début" des signaux...
- Représenter sur un même graphe le signal original ainsi que tous les signaux filtrés.

## Plan: II - Manipulation

- Remarques préliminaires...
- Description du fichier FiltrageNumerique.py
- Ce que vous devez faire. Echauffement...
- Ce que vous devez faire. Course de fond...
- Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

iltrage numérique Manipulation Remarques préliminaires...

Description du fichier FiltrageNumerique.py

Ce que vous devez faire. Echauffement...

Ce que vous devez faire. Course de fond...

Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

Première manipulation

Filtrage numérique Manipulation

- Première manipulation
- Faire l'acquisition d'un signal sinusoïdal de fréquence 50 Hz, d'amplitude 4 V, à nommer signal

- Première manipulation
- Faire l'acquisition d'un signal sinusoïdal de fréquence 50 Hz, d'amplitude 4 V, à nommer signal
- Faire l'acquisition d'un signal rectangulaire de fréquence 1000 Hz, d'amplitude 100 mV, à nommer bruit

- Première manipulation
- Faire l'acquisition d'un signal sinusoïdal de fréquence 50 Hz, d'amplitude 4 V, à nommer signal
- Faire l'acquisition d'un signal rectangulaire de fréquence 1000 Hz, d'amplitude 100 mV, à nommer bruit
- Fabriquer le signal bruité, nommé signalbruite, à partir des deux signaux précédents

- Première manipulation
- Faire l'acquisition d'un signal sinusoïdal de fréquence 50 Hz, d'amplitude 4 V, à nommer signal
- Faire l'acquisition d'un signal rectangulaire de fréquence 1000 Hz, d'amplitude 100 mV, à nommer bruit
- Fabriquer le signal bruité, nommé signalbruite, à partir des deux signaux précédents
- Filtrer ce signal bruité pour retrouver le signal initial. Le résultat sera appelé signalfiltre

- Première manipulation
- Faire l'acquisition d'un signal sinusoïdal de fréquence 50 Hz, d'amplitude 4 V, à nommer signal
- Faire l'acquisition d'un signal rectangulaire de fréquence 1000 Hz, d'amplitude 100 mV, à nommer bruit
- Fabriquer le signal bruité, nommé signalbruite, à partir des deux signaux précédents
- Filtrer ce signal bruité pour retrouver le signal initial. Le résultat sera appelé signalfiltre
- Représenter les deux signaux signalbuite et signalfiltre sur la même fenêtre pour apprécier le résultat du filtrage.

Filtrage numérique Manipulation Remarques préliminaires...
Description du fichier FiltrageNumerique.py
Ce que vous devez faire. Echauffement...
Ce que vous devez faire. Course de fond...
Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

Deuxième manipulation

- Deuxième manipulation
- Écrire dans le fichier FiltrageNumerique.py une fonction passehaut dans la section dédiée au filtrage, réalisant un filtrage numérique de type passe-haut du premier ordre de fréquence de coupure fc.

- Deuxième manipulation
- Écrire dans le fichier FiltrageNumerique.py une fonction passehaut dans la section dédiée au filtrage, réalisant un filtrage numérique de type passe-haut du premier ordre de fréquence de coupure fc.
- tester votre fonction sur différents signaux et visualiser le résultat à l'oscilloscope ou par représentation graphique (matplotlib)

## Plan: II - Manipulation

- Remarques préliminaires...
- Description du fichier FiltrageNumerique.py
- Ce que vous devez faire. Echauffement...
- Ce que vous devez faire. Course de fond...
- Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

iltrage numérique Manipulation Remarques préliminaires...
Description du fichier FiltrageNumerique.py
Ce que vous devez faire. Echauffement...
Ce que vous devez faire. Course de fond...
Ce que vous devez faire. Décrassage s'il reste du temps...

• Au choix :

- Au choix :
- Créer un signal bruité avec un bruit aléatoire

- Au choix :
- Créer un signal bruité avec un bruit aléatoire
- Tester l'influence d'un filtrage de type passe bas ou passe-haut sur un signal rectangulaire

- Au choix:
- Créer un signal bruité avec un bruit aléatoire
- Tester l'influence d'un filtrage de type passe bas ou passe-haut sur un signal rectangulaire
- Essayer d'implémenter des filtres d'ordre 2, par exemple un passe-bande