PHYSIQUE I

Cette épreuve comporte quatre parties indépendantes mais rattachées à un thème commun, celui de l'optique. Les calculatrices sont autorisées.

Ainsi une première partie, consacrée à l'optique géométrique, propose l'étude de la latitude de mise au point d'un microscope.

Une deuxième partie, de nature optoélectronique, propose l'étude d'une lentille magnétique. Elle met en œuvre des notions de magnétostatique et de mécanique du point. Elle débouche sur une analogie avec l'optique géométrique.

Une troisième partie, tournée vers l'optique physique, met en œuvre une utilisation de l'interféromètre de Michelson.

Enfin, une quatrième partie, appuyée sur la nature électromagnétique des ondes lumineuses, utilise les propriétés des ondes électromagnétiques et propose une application à une expérience d'interférences.

Partie I - Latitude de mise au point d'un microscope

Un microscope est schématisé par deux lentilles minces convergentes de même axe optique :

- L1 (objectif) de centre O_1 et de distance focale image $f'_1 = 5 \text{ mm}$,
- L2 (oculaire) de centre O_2 et de distance focale image $f^\prime_{\,\,2}$ = 25 mm .

On note F'_1 et F'_2 respectivement les foyers image de L_1 et objet de L_2 . On donne l'intervalle optique $\Delta = \overline{F'_1F_2} = 25$ cm (axe optique orienté de O_1 vers O_2).

I.A -

L'œil placé au foyer image de l'oculaire, étudie un petit objet *AB* disposé dans un plan de front (*AB* perpendiculaire à l'axe optique, *A* situé sur l'axe optique).

- I.A.1) Où doit être situé A pour que l'œil n'ait pas à accommoder ? Répondre en donnant l'expression littérale et la valeur numérique de $\overline{F_1A}$. On précise que sans accommoder (i.e. sans fatigue) l'œil « normal » vise à l'infini.
- I.A.2) On se place dans les conditions de la question précédente. Sur une figure où l'on ne cherchera pas à respecter les ordres de grandeur de f'_1 , f'_2 , Δ mais où on tiendra seulement compte de la relation d'ordre : $f'_1 < f'_2 < \Delta$, représenter la marche d'un faisceau lumineux issu de B.

Filière TSI

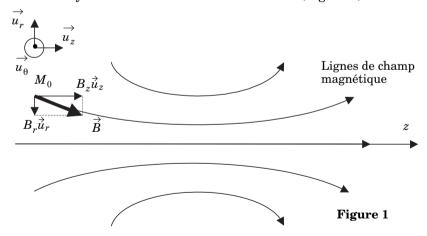
I.A.3) Soient α' l'angle algébrique sous lequel l'œil voit l'image définitive de AB à travers le microscope et α l'angle algébrique sous lequel il apercevrait l'objet sans se déplacer en l'absence de microscope. Calculer le grossissement $G = \alpha'/\alpha$ (littéralement puis numériquement). Interpréter le signe de ce rapport.

I.B -

En accommodant, l'œil peut observer nettement un objet situé entre 25 cm et l'infini. De combien peut-on modifier la distance entre l'objectif et l'objet si l'on veut toujours pouvoir observer nettement l'objet AB à travers le microscope (latitude de mise au point) ? Commenter.

Partie II - Lentille magnétique

Dans une région finie de l'espace vide règne un champ magnétique permanent présentant une symétrie axiale autour de l'axe des *z* (Figure 1).



II.A -

Nous cherchons à déterminer ici de façon qualitative les principales conséquences d'une telle structure sur un faisceau électronique paraxial (trajectoires proches de l'axe et peu inclinées par rapport à l'axe).

Considérons pour fixer les idées un électron initialement en M_0 avec une vitesse parallèle à \vec{u}_z . Comment est dirigée la force initiale ?

En déduire une conséquence sur le début de modification de mouvement de l'électron et constater l'apparition de nouvelles composantes de la force. Montrer que s'amorce une action focalisante (radialement vers l'axe Oz), accompagnant une rotation autour de Oz, sur le faisceau électronique paraxial.

Nous allons traiter la suite du problème de façon quantitative mais en conservant une certaine généralité. Nous écrirons le champ magnétique sous la forme : $\vec{B} = B_r(r,z)\vec{u}_r + B_z(r,z)\vec{u}_z$. S'intéressant aux électrons de charge q = -e et de masse m d'un faisceau paraxial, on ne considérera que des distances r à l'axe Oz très faibles. D'autre part, on négligera le poids devant la force magnétique.

II.B -

Rappeler la propriété générale du flux magnétique et la mettre en œuvre en considérant un cylindre d'axe Oz et de faible rayon r, situé entre les abscisses z et z+dz, pour établir la relation :

$$B_r(r,z) = -\frac{r}{2} \left(\frac{\partial B_z}{\partial z} \right) (0,z)$$
 (calcul au 1^{er} ordre en r).

II.C -

II.C.1) Écrire la relation fondamentale de la dynamique (RFD) à l'aide des coordonnées cylindriques (en projection sur \vec{u}_r , \vec{u}_θ , \vec{u}_z).

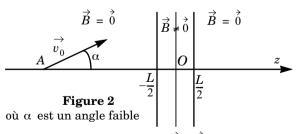
II.C.2) Montrer que la projection sur \vec{u}_{θ} conduit à

$$r^2\dot{\theta} - \frac{e}{2m}r^2B_z(0,z) = K \text{ (constante)}$$

II.D -

On adopte la modélisation suivante.

La particule (q = -e) est issue d'un point A sur l'axe Oz (de symétrie de révolution du champ) à grande distance de la zone où règne \vec{B} , avec une vitesse \vec{v}_0 .



Quelle est la nature de la trajectoire dans chaque zone où $\vec{B} = \vec{0}$?

II.E -

L'étude préliminaire du II.A nous permet de prévoir que le plan de la trajectoire de sortie a tourné d'un angle $\Delta\theta$ autour de Oz à partir du plan de la trajectoire d'entrée. Nous cherchons ici à déterminer $\Delta\theta$.

- II.E.1) Dans le modèle décrit au II.D, montrer que la constante K est nulle. En déduire $\dot{\theta}$ à l'aide de e , m , $B_z(0,z)$.
- II.E.2) Utiliser alors la projection sur \vec{u}_z de la RFD pour relier \ddot{z} à e, m, r, $B_z(0,z)$, $\left(\frac{\partial B_z}{\partial z}\right)(0,z)$.

Quel est l'ordre de \ddot{z} en r? En déduire que, dans le cadre d'un calcul au $1^{\rm er}$ ordre en r, \dot{z} est une constante à relier à v_0 et α . L'angle α étant faible on admettra pour la suite que $\dot{z} = v_0$.

II.E.3) La notion de trajectoire nous amène à considérer que θ et r sont des fonctions de z et la notion de mouvement fait que z dépend de t. En déduire $d\theta/dz$ à l'aide de e, m, v_0 et $B_z(0,z)$, puis $\Delta\theta$ à l'aide de e, m, v_0 et

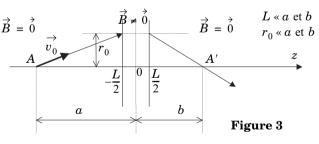
$$\int_{-\frac{L}{2}}^{\frac{L}{2}} B_z(0,z) dz$$

II.F -

II.F.1) En reportant l'expression de $\dot{\theta}$ vue au II.E.1 dans la projection sur \vec{u}_r de la RFD, relier \ddot{r} à e, m, r, $B_z(0,z)$.

II.F.2) Remplacer \ddot{r} à l'aide de v_0 et de $\frac{d^2r}{dz^2}$. En déduire le lien entre $\frac{d^2r}{dz^2}$, v_0 , e, m, r, $B_z(0,z)$.

II.G - Considérons la trajectoire d'entrée issue de $\overrightarrow{B} = \overrightarrow{0}$ A, comme précisée dans la question II.D, et la trajectoire de sortie correspondante en notant A' le point où cette dernière coupe l'axe Oz. Voir la figure ci-contre où l'on a



représenté, pour simplifier, la projection de la trajectoire de sortie sur le plan de la trajectoire d'entrée. La zone d'action du champ \vec{B} est si étroite que $L \ll a$ et b, et que l'on pourra confondre les distances à l'axe (notées r_0) à l'entrée et à la sortie de cette zone (lentille mince magnétique).

II.G.1) En déduire $\left(\frac{dr}{dz}\right)_A$ et $\left(\frac{dr}{dz}\right)_{A'}$ à l'aide de r_0 ,a , b .

II.G.2)

- a) Intégrer l'équation du II.F.2 de z = -a (point A) à z = b (point A').
- b) Simplifier le résultat en considérant que $r \cong r_0$ pour $z \in \left[-\frac{L}{2}, +\frac{L}{2}\right]$. II.G.3)
- a) En déduire l'expression de $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ à l'aide de e, m, v_0 et $\int_{L}^{\frac{L}{2}} B_z^2(0,z) dz$.
- b) Montrer que toute particule passant par A, passe ensuite par A'. Conclusion?
- II.G.4) Définir et calculer une distance focale image f'. Quel est son signe ? Commenter.

II.H - Cas particulier et application numérique.

On suppose $B_z(0,z)$ uniforme : $B_z(0,z) = B_{z0} = 2 \cdot 10^{-2} \mathrm{T}$.

On donne: L = 5 mm, $v_0 = 3 \cdot 10^7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$, $e = 1, 6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$, $m = 9 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$.

II.H.1)

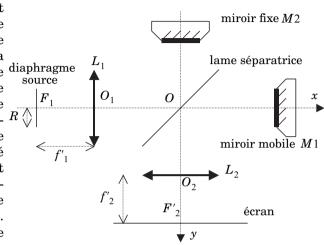
- a) Utiliser le II.F.2 pour obtenir l'équation r = f(z) de la trajectoire entre -(L/2) et +(L/2), sans préciser les constantes d'intégration.
- b) Quelle est la forme de la projection de la trajectoire sur un plan méridien (θ = constante)?

II.H.2)

- a) Énoncer un critère validant l'hypothèse du II.G : r très peu modifié dans la zone d'action de \overrightarrow{B} .
- b) Montrer que ce critère est respecté si L = 5 mm.
- II.H.3) Donner la valeur numérique de f'.

Partie III - Observation d'anneaux avec l'interféromètre de Michelson

L'interféromètre est. éclairé par une source étendue réalisée à l'aide d'un diaphragme avant la forme d'un disque de diaphragme rayon R et d'axe Ox. Ce intercepte diaphragme une lumière monochroma-Rtique de longueur d'onde $\lambda = 550 \text{ nm}$. Il est placé dans le plan focal objet d'une lentille mince convergente L_1 de focale $f'_1 = 10 \text{ cm}$ et d'axe Ox. On observe la d'interférence sur



écran situé dans le plan focal image d'une lentille mince convergente L_2 de focale $f'_2 = 50 \, \mathrm{cm}$ et d'axe Oy. L'ensemble est placé dans l'air, dont l'indice est pris égal à 1.

- III.A On observe des anneaux sur l'écran. En déduire l'orientation relative des deux miroirs.
- **III.B** La zone éclairée de l'écran est un disque de rayon $R'=5,0~\mathrm{cm}$. Que vaut R ?
- **III.C** On chariote le miroir M1 (translation dans la direction Ox) jusqu'à l'obtention d'un éclairement uniforme sur l'écran. Comment s'appelle cette situation?
- **III.D** À partir de la position précédente, on chariote maintenant M1 d'une distance e dans le sens des x croissants. On observe à nouveau des anneaux.
- III.D.1) Établir l'expression de la différence de marche δ entre les deux ondes qui interfèrent en un point M de l'écran, repéré par l'angle i que fait O_2M avec l'axe O_2M . On exprimera le résultat à l'aide de e et de l'angle i.
- III.D.2) On relève le rayon du 1 er anneau sombre à partir du centre de la figure : $r_1=1,5~\rm cm$ et celui du 9 me anneau sombre : $r_9=4,8~\rm cm$. Calculer numériquement e.
- III.D.3) Quel est le rayon du 2^{me} anneau sombre?

III.D.4) On constate que l'intervalle entre les anneaux successifs se resserre quand on passe du centre au bord de la figure d'interférences. Expliquer ce phénomène.

- **III.E** On translate progressivement le miroir M1 en accroissant e.
- III.E.1) Prévoir en l'expliquant le sens de défilement des anneaux.
- III.E.2) Expliquer comment évolue le nombre d'anneaux observables sur l'écran.

Partie IV - Interférences entre ondes planes électromagnétiques. Application aux interférences lumineuses

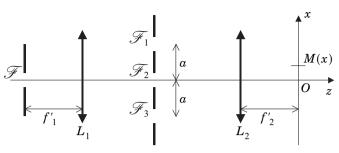
IV.A - Étude électromagnétique

On considère deux ondes électromagnétiques planes progressives, monochromatiques, de même pulsation ω , se propageant dans le vide dans la même direction et le même sens (celui de l'axe Oz). On notera c la célérité de la lumière dans le vide. $(\overrightarrow{u_x}, \overrightarrow{u_y}, \overrightarrow{u_z})$ est une base orthonormée associée au trièdre (Ox, Oy, Oz)

- IV.A.1) Les deux ondes sont polarisées rectilignement selon le même axe Ox. On a alors deux polarisations parallèles. On note E_{01} et E_{02} les amplitudes, supposées positives, des champs électriques des deux ondes. L'onde 2 présente un retard de phase φ par rapport à l'onde 1.
- a) Exprimer les champs électriques $\overrightarrow{E_1}$, $\overrightarrow{E_2}$ et les champs magnétiques $\overrightarrow{B_1}$, $\overrightarrow{B_2}$ caractérisant les deux ondes. Calculer pour chacune des deux ondes les vecteurs de Poynting $\overrightarrow{\Pi}_1$ et $\overrightarrow{\Pi}_2$ ainsi que leurs moyennes temporelles $\langle \overrightarrow{\Pi}_1 \rangle$ et $\langle \overrightarrow{\Pi}_2 \rangle$.
- b) Exprimer pour l'onde résultante le vecteur de Poynting $\vec{\Pi}$ et sa moyenne temporelle $\langle \vec{\Pi} \rangle$.
- c) On introduit les intensités : $I_1 = \langle \overrightarrow{\Pi}_1 \rangle \cdot \overrightarrow{u}_z$, $I_2 = \langle \overrightarrow{\Pi}_2 \rangle \cdot \overrightarrow{u}_z$ et $I = \langle \overrightarrow{\Pi} \rangle \cdot \overrightarrow{u}_z$. Relier I à I_1 , I_2 , φ .
- IV.A.2) Les deux ondes sont désormais polarisées rectilignement, l'onde 1 selon Ox et l'onde 2 selon Oy. On a alors deux polarisations orthogonales. L'onde 2 présente toujours le déphasage φ par rapport à l'onde 1. Reprendre les calculs précédents afin d'écrire I en fonction des mêmes quantités.
- IV.A.3) Conclure sur les conditions nécessaires à des interférences d'ondes planes progressives monochromatiques polarisées rectilignement se propageant sur le même axe.

IV.B - Deux expériences d'interférences d'ondes planes lumineuses

On éclaire le dispositif de la figure avec une source monochromatique de longueur d'onde λ placée juste avant la fente \mathscr{F} qui sert de fente source. Tout le dispositif est situé dans l'air, dont l'indice est pris égal à 1.



Toutes les fentes $(\mathcal{F}, \mathcal{F}_1, \mathcal{F}_2, \mathcal{F}_3)$ sont parallèles à l'axe des y (perpendiculaire au plan de figure) et sont de largeur très faible ; elles pourront être considérées comme infiniment minces.

Les trois fentes $\mathcal{F}_1, \mathcal{F}_2, \mathcal{F}_3$ sont de même largeur et régulièrement espacées de la distance a. La lumière de la source est non polarisée (lumière naturelle).

IV.B.1) Exprimer l'intensité lumineuse au niveau du point M de l'écran : I(x) pour $|x| \ll f'_2$. Décrire ce que l'on voit sur l'écran en commentant le graphe de I(x).

IV.B.2) Dans une deuxième expérience, on place avant les fentes $\mathcal{F}_1, \mathcal{F}_2, \mathcal{F}_3$ des polariseurs rectilignes dont les directions de polarisation sont toutes perpendiculaires à Oz et sont notées respectivement P_1, P_2, P_3 . Un polariseur rectiligne est un dispositif qui, lorsqu'il reçoit une onde non polarisée, donne en sortie une onde polarisée rectilignement selon la direction de polarisation du polariseur. On mettra désormais à profit les conclusions de la partie IV.A.

- a) On fait le choix : $P_1/\!/P_2$ et $P_1 \perp P_3$. Qu'observe-t-on sur l'écran ? (On commentera là encore le graphe de I(x))
- b) Nouveau choix : $P_1//P_3$ et $P_1 \perp P_2$. Même question.

••• FIN •••