

### 6.8.1 Fonction d'onde-Exercice 2

Une particule  $\alpha$  est un noyau d'hélium de masse  $m_\alpha = 6,64 \cdot 10^{-27}$  kg. Le cyclotron industriel Cyclone 30 est utilisé pour produire un faisceau de particules  $\alpha$  d'énergie  $E = 30$  Mev et d'intensité  $I = 10 \mu\text{A}$ .

- Calculer la longueur d'onde de de Broglie de l'onde plane associée.
- Relier la norme  $k$  du vecteur d'onde et l'énergie  $E$  d'une particule  $\alpha$ .
- Ecrire la fonction d'onde représentant le flux ininterrompu de particules produit par le cyclotron.
- Déterminer numériquement l'amplitude  $\psi_0$  de l'onde plane associée en admettant que  $|\psi_0|^2$  représente, dans le cas d'un faisceau de particules, la densité linéique de particules  $\alpha$ .

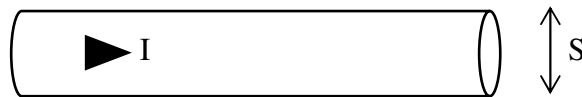
•  $\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{\sqrt{2mE}}$     A.N :  $\lambda = 2,6 \cdot 10^{-15} \text{ m}$

•  $k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{\sqrt{2mE}}{\hbar}$     A.N :  $k = 2,4 \cdot 10^{15} \text{ m}^{-1}$

- On suppose que le faisceau de particules se déplace dans le sens positif de l'axe Ox. Ce sont des particules libres qui existent de  $-\infty$  à  $+\infty$  car le flux est ininterrompu.

La fonction d'onde sera une onde de De Broglie :  $\Psi(x, t) = \Psi_0 e^{i(kx - \omega t)}$

•



Soit  $n$  la densité particulaire de particules alpha. Dans un volume  $Sdx$ , il y a  $nSdx$  particules.

La densité linéique  $|\psi_0|^2$  de particules alpha est donc :  $nS$

Or  $I = jS$  et  $j = n(2e)v$  ( $Z = 2$  pour un noyau d'hélium)

On en déduit  $I = 2evnS$ , soit :  $nS = \frac{I}{2ev}$

L'énergie  $E$  est uniquement cinétique donc :  $v = \sqrt{\frac{2E}{m}}$

Donc :  $|\Psi_0| = \left( \frac{I}{2e\sqrt{\frac{2E}{m}}} \right)^{\frac{1}{2}}$     A.N :  $|\Psi_0| = 906 \text{ m}^{-1/2}$