

### 1.3.1 Trous Young-Exercice 11

---

On s'intéresse à un interféromètre par division du front d'onde : les trous d'Young.

a-Donner un montage qui permet d'éclairer les trous d'Young en incidence normale.

b-On place ensuite une lentille accolée aux trous d'Young et on place l'écran à la distance focale  $f$  de la lentille. Tracer les rayons qui interfèrent en un point M de l'écran puis calculer la différence de marche en M.

c-On place maintenant l'écran à une distance  $2f$  de la lentille.

Avec les relations de l'optique géométrique, déterminer la position du point objet P dont l'image est le point M de l'écran. Effectuer le tracé des rayons correspondants

d-Calculer la différence de marche en M pour ce nouveau montage.

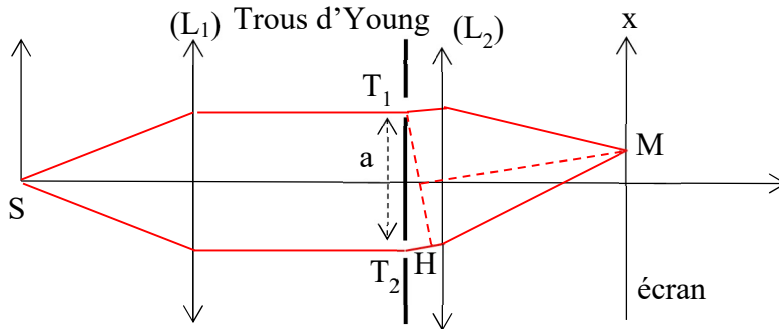
e-Décrire les franges observées et calculer l'interfrange.

---

### 1.3.1 Trous Young-Exercice 11

a-On réalise un collimateur : source ponctuelle placée au foyer principal objet d'une lentille convergente ( $L_1$ ) .

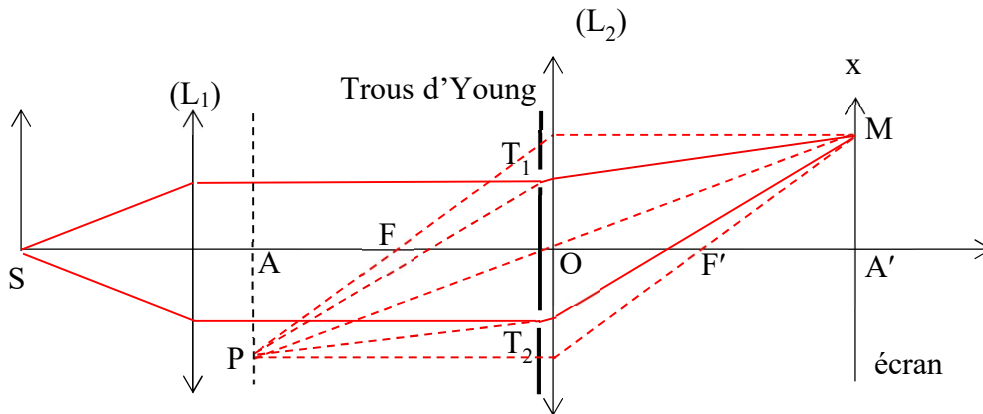
b-



$$\delta(M) = (SM)_2 - (SM)_1 = T_2H \quad \text{car } (T_1M) = (HM) \quad (\text{principe du retour inverse et loi de Malus})$$

On a ensuite :  $\delta(M) = \frac{ax}{f'}$

c-



On a :  $\frac{1}{OA'} - \frac{1}{OA} = \frac{1}{OF'}$  avec  $\overline{OA'} = 2f'$  On en déduit :  $\overline{OA} = -2f'$  et  $\gamma = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} = -1$

Le point P est donc situé à la distance  $2f'$  avant la lentille et à l'abscisse  $-x$  si M est à l'abscisse  $x$ .

d- $\delta(M) = (SM)_2 - (SM)_1 = (ST_2) + (T_2P) + (PM)_2 - (ST_1) - (T_1P) - (PM)_1$

Or  $(PM)_2 = (PM)_1$  par la condition de stigmatisme de la lentille ( $L_2$ ).

Il reste :  $\delta(M) = (T_2P) - (T_1P) = -T_2P + T_1P$  ( $n = 1$  et lumière allant de P vers  $T_1$  ou  $T_2$  d'où les signes)

On a :  $T_1P = \left[ \left(x + \frac{a}{2}\right)^2 + y^2 + (2f')^2 \right]^{1/2} = 2f' \left[ 1 + \frac{\left(x + \frac{a}{2}\right)^2 + y^2}{4f'^2} \right]^{1/2} \approx 2f' + \frac{x^2 + y^2 + \frac{a^2}{4} + ax}{4f'}$

Pour avoir  $T_2P$ , il suffit de changer a en -a dans l'expression de  $T_1P$  :  $T_2P \approx 2f' + \frac{x^2 + y^2 + \frac{a^2}{4} - ax}{4f'}$

D'où :  $\delta(M) = \frac{ax}{2f'}$

e-L'ordre  $p(M) = \frac{ax}{2\lambda f'}$  ne dépend que de  $x \Rightarrow$  franges rectilignes  $x = \text{constante}$ , parallèles à Oy

Puis :  $p(x + i) = p(x) + 1$  donne l'interfrange :  $i = \frac{2\lambda f'}{a}$