

# TD hachage



## Exercice 1

Montrer comment on réalise l'insertion des clés 5,28,19,15,20,33,12,17,10 dans une table de hachage où les collisions sont résolues par chaînage. On suppose que la table contient 9 alvéoles et que la fonction de hachage est  $h(k) = k \bmod 9$ .



## Exercice 2

On souhaite comparer plusieurs fonctions de hachage agissant sur les chaînes de caractère. Nous commencerons par écrire ces quatre fonctions, puis nous calculerons la probabilité de collisions entre deux clés choisies au hasard.

Les quatre fonctions de hachage à coder sont les suivantes :

- $h_1$  : L'utilisation du code ASCII de la première lettre de la chaîne (translaté afin que « A » donne 0, i.e. `ord(ch[k]) - ord('A')`).
- $h_2$  : La somme des codes ASCII des lettres du mot (également translatés).
- $h_3$  : La fonction qui a la chaîne  $ch$  associe  $\sum_{k=0}^{len(ch)-1} (ord(ch[k]) - ord('A'))26^k$  (le code ASCII est toujours translaté)
- $h_4$  : La fonction **FNV** (dont une variante est utilisée pour le codage de la fonction de hachage de Python).
  - On part de l'entier  $x = 2166136261$  qui va être modifié itérativement en parcourant les caractères de la chaîne.
  - Pour chaque caractère de la chaîne, on effectue un **xor** (ou exclusif bit à bit) entre la représentation en binaire du caractère et celle de  $x$  (cette opération s'obtient via la syntaxe `ord(ch)^x`, le symbole `^` correspond au ou exclusif sur les bits).
  - On multiplie le résultat par un entier premier, ici 16777619.
  - Enfin, on affecte ce dernier résultat à  $x$ .

1. Écrire ces quatre fonctions de hachage ( $h_i$ ) en langage Python. Chaque fonction prendra en argument une chaîne de caractère et renverra un entier.
2. Rappeler la syntaxe permettant d'ouvrir le fichier *mots.txt* et stockant son contenu dans une liste (chaque élément de la liste étant une ligne du fichier texte).
3. Écrire une fonction qui tire au hasard un mot dans la liste (on peut utiliser la fonction `randint()` du module `random`).
4. Tirer deux mots au hasard, calculer leur indice dans une table de hachage de taille  $n = 10000$  (rappel :  $h(k)\%n$ ) et vérifier s'il y a collision.
5. Répéter cette opération pour un grand nombre de tirages (environ  $10^6$ ) et calculer la probabilité de collision entre deux indices pour chacune des fonctions de hachage.
6. Quelle est la probabilité de collision pour un hachage uniforme simple ?
7. Conclure quant à la qualité du hachage.
8. Expliquer pourquoi la première fonction de hachage n'est pas une solution à garder.